LAMPIRAN B

- **B.1 Silabus**
- **B.2** RPP Kelas Eksperimen
- **B.3 RPP Kelas Kontrol**
- **B.4** Lembar Kerja Siswa

SILABUS

Sekolah : SMP Kelas : VIII

Mata Pelajaran : Matematika Semester : II(dua)

Standar Kompetensi: GEOMETRI DAN PENGUKURAN

4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya

Kompetensi	Materi Pokok/ Kegiatan Pembel	Kegiatan Pembelajaran	Indikator	Penilaian			Alokasi	Sumber
Dasar	Pembelajaran	Regiatan i emociajaran	markator	Teknik	Bentuk Instrumen	Contoh Instrumen	Waktu	Belajar
4.1 Menentu kan unsur dan bagian- bagian lingkaran	Lingkaran	Mendiskusikan unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran dengan menggunakan model	Menyebutkan unsur- unsur dan bagian-bagian lingkaran : pusat lingkaran, jari-jari, diameter, busur, talibusur, juring dan tembereng.	Tes lisan	pertanyaan Uraian	Disebut apakah garis CD?		Buku teks, model lingkaran, dan lingkungan
4.2 Menghitung keliling dan luas lingkaran	Lingkaran	Menyimpulkan nilai phi dengan menggunakan benda yang berbentuk lingkaran dan menemukan dan menggunakan rumus keliling lingkaran.	 Menemukan nilai phi Menetukan rumus keliling lingkaran Menghitung keliling lingkaran 	Tes unjuk kerja Tes tulis	kerja produk, Uraian	Ukurlah keliling (K) sebuah benda berbentuk lingkaran dan juga diameternya (d). Berapakah nilai $\frac{k}{d}$?	2x40mnt	

Kompetensi	Materi Pokok/ Ke	Kegiatan Pembelajaran	Indikator	Penilaian			Alokasi	Sumber
Dasar	Pembelajaran	\mathcal{E}	markator	Teknik	Teknik Bentuk Contoh Instrumen Instrumen		Waktu	Belajar
		Menemukan rumus luas lingkaran dengan menggunakan alat peraga dan Menggunakan rumus luas lingkaran dalam pemecahan masalah	 Menentukan rumus luas lingkaran Menghitung luas lingkaran 	Tes lisan Tes tulis	•	Sebutkan rumus luas lingkaran yang berjari-jari p. Sebutkan rumus luas lingkaran yang berjari-jari q.	2x40mnt	
4.3 Menggunak an hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring dalam pemecahan masalah		Mengamati hubungan sudut pusat dan sudut keliling yang menghadap busur yang sama	Mengenal hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama	Tes lisan Tes tulis	Uraian	Jika sudut A adalah sudut pusat dan sudut B adalah sudut keliling, sebutkan hubungan antara sudut A dan sudut B jika kedua sudut itu menghadap busur yang sama.	2x40mnt	
		Menghitung besar sudut keliling jika menghadap diameter atau busur yang sama	Menentukan besar sudut keliling jika menghadap diameter dan busur yang sama	Tes tulis	Pertanyaan Uraian	Berapa besar sudut keliling jika menghadap diameter lingkaran?	2x40mnt	
		Menghitung panjang busur, luas juring dan tembereng	Menentukan panjang busur, luas juring dan luas tembereng.	Tes tulis	Tes uraian	Di dalam lingkaran dengan jari- jari 12 cm, terdapat sudut pusat yang besarnya 90 ⁰ Hitunglah: a. Panjang busur kecil b. luas juring kecil	2x40mnt	

Kompetensi	Materi Pokok/	Kegiatan Pembelajaran	Indikator	Penilaian			Alokasi	Sumber
Dasar	Pembelajaran	\mathcal{E}	Hukatoi	Teknik	Bentuk Instrumen	Contoh Instrumen	Waktu	Belajar
		Menemukan hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring dan menggunakannya dalam pemecahan masalah	 Menggunakan hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring dalam pemecahan masalah 			Seorang anak harus minum tablet yang berbentuk lingkaran. Jika anak tersebut harus minum 1/3 tablet itu dan ternyata jari-jari tablet 0,7 cm. Berapakah luas tablet yang diminum?	2x40mnt	
4.4 Menghitung panjang garis singgung persekutuan dua lingkaran	Lingkaran	Mengamati sifat sudut yang dibentuk oleh garis singgung dan garis yang melalui titik pusat.	Menemukan sifat sudut yang dibentuk oleh garis singgung dan garis yang melalui titik pusat.	Tes tulis		Perhatikan gambar! O Berapakah besar sudut R? Mengapa?	2x40mnt	
		Mencermati garis singgung persekutuan dalam dan menghitung garis singgung persekutuan dalam dua lingkaran	Mengenali garis singgung persekutuan dalam dan persekutuan luar dua lingkaran.	Tes tulis		Perhatikan gambar! A P. Q. Disebut apakah:a) garis AB? b) garis KL?	2x40mnt	
	2014	Mencermati garis singgung persekutuan luar dan Menghitung panjang garis singgung persekutuan luar dua lingkaran	Menentukan panjang garis singgung persekutuan dalam dan persekutuan luar	Tes tulis		Panjang jari-jari dua lingkaran masing-masing 7cm dan 1cm. Jika jarak antara titik pusatnya 10cm, berapakah panjang garis singgung: a) persekutuan dalam b) persekutuan luar	2x40mnt	

Lampiran B.2 RPP Kelas Eksperimen

RENCANA PELAKSANAAN PEMBELAJARAN

(Kelas Eksperimen)

Sekolah : SMP

Mata Pelajaran : Matematika

Kelas/Semester : VIII/2

Pertemuan ke- : 1

Alokasi Waktu : 2×40 menit

A. Standar Kompetensi

4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya.

B. Kompetensi Dasar

4.1 Menentukan unsur dan bagian-bagian lingkaran.

C. Indikator

1. Kognitif

- a. Indikator Proses
 - 1) Mendefinisikan lingkaran.
 - 2) Mendefinisikan unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran.
- b. Indikator Produk
 - 1) Menentukan pusat lingkaran, jari-jari, diameter, busur, talibusur, juring dan tembereng.
 - 2) Menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran.
 - 3) Menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran.

2. Afektif

Indikator Self-Regulated Learning:

- a. Berinisiatif belajar dengan atau tanpa bantuan orang lain;
- b. Mendiagnosa kebutuhan belajarnya sendiri;

150

- c. Merumuskan/memilih tujuan belajar;
- d. Memilih dan menggunakan sumber;
- e. Memilih strategi belajar, dan mengevaluasi hasil belajarnya;
- f. Bekerjasama dengan orang lain;
- g. Memonitor, mengatur dan mengontrol belajar.
- h. Konsep diri

D. Tujuan Pembelajaran

1. Kognitif

- a. Tujuan Proses
 - Diberikan model lingkaran, siswa dapat mendefinisikan unsurunsur dan bagian-bagian lingkaran melalui pengamatan objek (lingkaran) secara langsung.
 - 2) Melalui pengamatan unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran siswa dapat mendefinisikan lingkaran.

b. Tujuan Produk

- 1) Siswa dapat menentukan pusat lingkaran, jari-jari, diameter, busur, talibusur, juring dan tembereng.
- 2) Siswa dapat menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran.
- 3) Siswa dapat menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran.

2. Afektif

Siswa memiliki SRL yang tinggi dalam mempelajari unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran.

E. Materi Pembelajaran

Definisi Lingkaran, Definisi Unsur-Unsur dan Bagian-Bagian Lingkaran.

F. Metode Pembelajaran

Model : Learning Cycle 5E

Metode : Tanya Jawab, Penemuan, Presentasi, Latihan dan

Penugasan

Media : Model lingkaran (dari kertas karton), Penggaris, Papan

tulis dan alat tulis

G. Proses Pembelajaran

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
Pendahuluan		5 menit
 Mengkondisikan siswa untuk siap belajar, berdoa dan mengabsen siswa. Menyampaikan tujuan pembelajaran. Tahap Engagement 	 Menyiapkan diri untuk belajar dan berdoa. Menyimak pemaparan guru. 	5 menit
1 0 0		3 mem
 Menggali pengetahuan awal siswa mengenai materi unsur-unsur dan bagianbagian lingkaran, seperti jari-jari, diameter, pusat lingkaran. Mengases pengetahuan awal siswa mengenai unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran. Menceritakan kepada siswa mengenai peristiwa seharihari yang berkaitan dengan lingkaran, unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran untuk menarik minat dan membangkitkan rasa ingin tahu siswa Guru memberikan pertanyaan mengenai unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran untuk membangkitkan dan mendorong minat belajar siswa. Tahap Exploration 	 Mendengarkan penjelasan guru. Menjawab pertanyaan yang diberikan guru 	25 menit
Membagi siswa dalam	Siswa bergabung dengan	
beberapa kelompok, setiap kelompok terdiri atas 5-6	Siswa bergabung dengan teman sekelompoknyaMelakukan eksplorasi dan	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
siswa. • Membagikan LKS mengenai unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran pada setiap kelompok. • Meminta siswa berdiskusi dalam kelompok untuk melakukan kegiatan eksplorasi mengenai permasalahan sesuai dengan langkah-langkah yang terdapat di LKS. • Membimbing memfasilitasi siswa dalam melakukan eksplorasi dan berdiskusi dalam kelompok. • Meninjau kegiatan eksplorasi dan pemngumpulan data yang	berdiskusi dengan teman sekolmpoknya untuk mengisi LKS mengenai unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran. Siswa mendefinisikan unsur-unsur lingkaran berdasarkan hasil pengamatan secara berkelompok Siswa menarik kesimpulan mengenai unsur-unsur lingkaran berdasarkan hasil pengamatan.	waktu
dilakukan siswa Tahap Explanation		15 menit
 Menunjuk satu kelompok siswa untuk mempresentasikan hasil eksplorasinya. Memfasilitasi kegiatan tanya jawab antara kelompok yang mempresentasikan hasil ekspolrasi dengan kelompok lainnya, dengan cara meminta siswa untuk mengajukan pertanyaan dan menanggapi hasil eksplorasi mengenai unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran yang dipresentasikan. Memberikan informasi tambahan terhadap hasil eksplorasi siswa mengenai unsur-unsur dan bagian- 	 Memperentasikan hasil yang diperoleh dalam kegiatan eksplorasi dan diskusi kelompok Melaksanakan diskusi dan tanya jawab. Menjawab pertanyaan dari siswa dalam kelompok lain dengan bahasa sendiri, dibantu dengan arahan dari guru. 	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
 bagian lingkaran yang dipresentasikan. Mengarahkan siswa apabila siswa kesulitan dalam menjawab pertanyaan. Tahap Elaboration 		15 menit
Meminta siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan unsur-unsur lingkaran.	Siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan unsur- unsur lingkaran.	
Tahap EvaluationMendorong siswa untuk	Mengajukan pertanyaan dan	10 menit
 bertanya dan mengevaluasi diri. Memberikan kesempatan kepada siswa untuk menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Memberikan soal evaluasi individu mengenai unsurunsur dan bagian-bagian lingkaran. 	 Menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Mengerjakan soal evaluasi yang diberikan secara individu. 	
Penutup		5 menit
 Memberikan PR dan menginformasikan materi yang akan dipelajari pada pertemuan selanjutnya. Menutup pembelajaran. 	 Siswa menyimak dan mencatat PR Berdoa dengan dipimpin oleh ketua kelas 	

H. Sumber Belajar

- 1. Buku pelajaran Matematika kelas VIII
 - Nurharini, D & Wahyuni, T. (2008). Matematika Konsep dan Aplikasinya untuk SMP/MTs. Kelas VIII. Jakarta: Pusat Perbukuan Departemen Pendidikan Nasional.
- Adinawan, M. C & Sugijono. (2007). Matematika untuk SMP Kelas VIII
 Semester 2. Jakarta: Erlangga.

3. Lembar Kerja Siswa (LKS)

I. Penilaian

Teknik Penilaian	Bentuk Instrumen	Instrumen Penilaian
Tes Tertulis	Uraian	a. Sebutkan semua garis yang merupakan: i) Jari – jari ii) Apotema iii) Diameter iv) Tali Busur b. Pada gambar di atas terdapat dua daerah yang diarsir, sebutkan nama daerah yang diarsir tersebut? 2. Jawablah pertanyaan berikut ini dan berikan penjelasannya. a. Apakah setiap diameter merupakan tali busur? b. Apakah setiap tali busur merupakan diameter? c. Disebut apakah tali busur terpanjang pada sebuah lingkaran?

RENCANA PELAKSANAAN PEMBELAJARAN

(Kelas Eksperimen)

Sekolah : SMP

Mata Pelajaran : Matematika

Kelas/Semester : VIII/2

Pertemuan ke- : 2

Alokasi Waktu : 2×40 menit

A. Standar Kompetensi

4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya.

B. Kompetensi Dasar

4.1 Menghitung keliling dan luas lingkaran.

C. Indikator

1. Kognitif

a. Indikator Umum

1) Indikator Proses

- a) Menemukan nilai Pi (π) dari pengukuran panjang diamater dan keliling benda-benda yang yang berbentuk lingkaran.
- b) Menurunkan rumus keliling lingkaran melalui hasil pengamatan menemukan nilai Pi (π) menggunakan benda yang berbentuk lingkaran.

2) Indikator Produk

- 1) Menggunakan nilai Pi (π) dan rumus keliling lingkaran dalam perhitungan.
- 2) Menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan nilai Pi (π) dan keliling lingkaran.
- 3) Menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan nilai Pi (π) dan keliling lingkaran.

2. Afektif

Indikator *Self-Regulated Learning*:

- a. Berinisiatif belajar dengan atau tanpa bantuan orang lain;
- b. Mendiagnosa kebutuhan belajarnya sendiri;
- c. Merumuskan/memilih tujuan belajar;
- d. Memilih dan menggunakan sumber;
- e. Memilih strategi belajar, dan mengevaluasi hasil belajarnya;
- f. Bekerjasama dengan orang lain;
- g. Membangun makna; dan
- h. Mengontrol kontrol diri.

D. Tujuan Pembelajaran

1. Kognitif

a. Tujuan Proses

- 1) Diberikan beberapa model lingkaran, siswa dapat menemukan nilai Pi (π) melalui pengukuran keliling, diamater dan perbandingan keliling dan diamater benda-benda yang berbentuk lingkaran.
- 2) Siswa dapat menurunkan rumus keliling lingkaran, dengan menggunakan hasil pengamatan menemukan nilai $Pi(\pi)$,.

b. Tujuan Produk

- 1) Diberikan beberapa perhitungan mengenai keliling lingkaran siswa dapat menyelesaikan perhitungan tersebut dengan menggunakan nilai Pi (π) dan rumus keliling lingkaran.
- 2) Siswa dapat menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan nilai Pi (π) dan keliling lingkaran.
- 3) Siswa dapat menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan nilai Pi (π) dan keliling lingkaran.

2. Afektif

Siswa memiliki SRL yang tinggi dalam mempelajari nilai Pi (π) dan keliling lingkaran.

E. Materi Pembelajaran

Menemukan Nilai Pi (π) dan Menurunkan Rumus Keliling Lingkaran.

F. Metode Pembelajaran

Model : Learning Cycle 5E

Metode : Tanya Jawab, Penemuan, Presentasi, Latihan dan

Penugasan

Media : Papan tulis dan alat tulis, benda-benda yang alasnya

berbentuk lingkaran, kertas karton, penggaris, benang.

G. Proses Pembelajaran

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi
	S	Waktu
Pendahuluan		5 menit
 Mengkondisikan siswa untuk siap belajar, berdoa dan mengabsen siswa. Menyampaikan tujuan pembelajaran. 	Menyiapkan diri untuk belajar dan berdoa.Menyimak pemaparan guru.	
Tahap Engagement		5 menit
 Menggali pengetahuan awal siswa mengenai materi nilai phi dan keliling lingkaran, diantaranya konsep unsurunsur lingkaran seperti diameter, jari-jari dan keliling lingkaran. Mengases pengetahuan awal siswa mengenai nilai phi dan keliling lingkaran. Menceritakan kepada siswa mengenai peristiwa seharihari yang berkaitan dengan nilai pi (π) dan keliling lingkaran untuk menarik minat dan membangkitkan rasa ingin tahu siswa Guru memberikan 	 Mendengarkan penjelasan guru. Menjawab pertanyaan yang diberikan guru 	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi
 pertanyaan mengenai nilai pi (π) dan keliling lingkaran untuk membangkitkan dan mendorong minat belajar siswa. Tahap Exploration Meminta siswa bergabung dengan teman satu kelompok, setiap kelompok terdiri atas 5-6 siswa. Membagikan LKS mengenai nilai pi (π) dan keliling lingkaran pada setiap kelompok. Meminta siswa berdiskusi dalam kelompok untuk melakukan kegiatan eksplorasi mengenai permasalahan sesuai dengan langkah-langkah yang terdapat di LKS. Membimbing memfasilitasi siswa dalam melakukan eksplorasi dan berdiskusi dalam kelompok. Meninjau kegiatan eksplorasi dan berdiskusi dalam kelompok. Meninjau kegiatan eksplorasi dan pemngumpulan data yang 	 Siswa bergabung dengan teman sekelompoknya Melakukan eksplorasi dan berdiskusi dengan teman sekolmpoknya untuk mengisi LKS mengenai nilai pi (π) dan keliling lingkaran. Siswa menemukan nilai pi (π) dan rumus keliling lingkaran berdasarkan hasil pengamatan secara berkelompok Siswa menarik kesimpulan mengenai nilai pi (π) dan keliling lingkaran berdasarkan hasil pengamatan. 	Waktu 25 menit
dilakukan siswa Tahap Explanation		15 menit
 Menunjuk satu kelompok siswa untuk mempresentasikan hasil eksplorasinya. Memfasilitasi kegiatan tanya jawab antara kelompok yang mempresentasikan hasil ekspolrasi dengan kelompok lainnya, dengan 	 Memperentasikan hasil yang diperoleh dalam kegiatan eksplorasi dan diskusi kelompok Melaksanakan diskusi dan tanya jawab. Menjawab pertanyaan dari siswa dalam kelompok lain dengan bahasa sendiri, dibantu dengan arahan dari guru. 	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
cara meminta siswa untuk mengajukan pertanyaan dan menanggapi hasil eksplorasi yang dipresentasikan. • Memberikan informasi tambahan mengenai hasil eksplorasi siswa yang dipresentaikan. • Mengarahkan siswa apabila siswa kesulitan dalam menjawab pertanyaan.		
Tahap Elaboration		15 menit
Meminta siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan keliling lingkaran.	Siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan keliling lingkaran.	
Tahap Evaluation		10 menit
 Mendorong siswa untuk bertanya dan mengevaluasi diri. Memberikan kesempatan kepada siswa untuk menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Memberikan soal evaluasi individu mengenai keliling lingkaran. 	 Mengajukan pertanyaan dan mengevaluasi diri. Menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Mengerjakan soal evaluasi yang diberikan secara individu. 	
Penutup		5 menit
 Memberikan PR dan menginformasikan materi yang akan dipelajari pada pertemuan selanjutnya. Menutup pembelajaran. 	Siswa menyimak dan mencatat PR	

H. Sumber Belajar

1. Buku pelajaran Matematika kelas VIII

- Nurharini, D & Wahyuni, T. (2008). Matematika Konsep dan Aplikasinya untuk SMP/MTs. Kelas VIII. Jakarta: Pusat Perbukuan Departemen Pendidikan Nasional.
- Nunik Avianti Agus. (2008). Mudah Belajar Matematika untuk Kelas VIII Sekolah Menengah Pertama / Madrasah Tswanawiyah. Jakarta: Pusat Perbukuan Departemen Pendidikan Nasional.
- 3. Adinawan, M. C & Sugijono. (2007). Matematika untuk SMP Kelas VIII 2B Semester 2. Jakarta: Erlangga.
- 4. Lembar Kerja Siswa (LKS).

I. Penilaian

Teknik Penilaian	Bentuk Instrumen	Instrumen Penilaian
Tes Tertulis	Uraian	 Sebuah jam dinding berbentuk lingkaran, dengan panjang jarum panjang 4 cm. Berapakah panjang lintasan yang dilalui ujung jarum jam tersebut jika bergerak selama 1 jam? Perhatikan gambar di bawah ini.

RENCANA PELAKSANAAN PEMBELAJARAN

(Kelas Eksperimen)

Sekolah : SMP

Mata Pelajaran : Matematika

Kelas/Semester : VIII/2

Pertemuan ke- : 3

Alokasi Waktu : 2×40 menit

A. Standar Kompetensi

4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya.

B. Kompetensi Dasar

4.2 Menghitung keliling dan luas lingkaran.

C. Indikator

1. Kognitif

a. Indikator Proses

Menurunkan rumus luas lingkaran dengan menggunakan pendekatan luas persegi panjang.

b. Indikator Produk

- 1) Menggunakan rumus luas lingkaran dalam perhitungan.
- 2) Menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan luas lingkaran.
- 3) Menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan luas lingkaran.

2. Afektif

Indikator Self-Regulated Learning:

- a. Berinisiatif belajar dengan atau tanpa bantuan orang lain;
- b. Mendiagnosa kebutuhan belajarnya sendiri;
- c. Merumuskan/memilih tujuan belajar;
- d. Memilih dan menggunakan sumber;
- e. Memilih strategi belajar, dan mengevaluasi hasil belajarnya;

Sumarni, 2014

PENERAPAN LEARNING CYCLE 5E UNTUK MENINGKATAN KEMAMPUAN KONEKSI DAN KOMUNIKASI MATEMATIS SERTA SELF-REGULATED LEARNING MATEMATIKA SISWA

- f. Bekerjasama dengan orang lain;
- g. Membangun makna; dan
- h. Mengontrol kontrol diri.

D. Tujuan Pembelajaran

1. Kognitif

a. Tujuan Proses

Diberikan beberapa model lingkaran, siswa dapat menurunkan rumus luas llingkaran dengan menggunakan pendekatan rumus luas persegi panjang.

b. Tujuan Produk

- 1) Siswa dapat menyelesaikan perhitungan dengan rumus luas lingkaran.
- 2) Siswa dapat menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan luas lingkaran.
- 3) Siswa dapat menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan luas lingkaran.

2. Afektif

Siswa memiliki SRL yang tinggi dalam mempelajari luas lingkaran.

E. Materi Pembelajaran

Luas Lingkaran.

F. Metode Pembelajaran

Model : Learning Cycle 5E

Metode : Tanya Jawab, Penemuan, Presentasi, Latihan dan

Penugasan

Media : Papan tulis dan alat tulis, model lingkaran (dari karton),

gunting, penggaris

G. Proses Pembelajaran

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
Pendahuluan		5 menit

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
 Mengkondisikan siswa untuk siap belajar, berdoa dan mengabsen siswa. Menyampaikan tujuan pembelajaran. 	Menyiapkan diri untuk belajar dan berdoa.Menyimak pemaparan guru.	
Tahap Engagement	l	5 menit
 Menggali pengetahuan awal siswa mengenai materi luas lingkaran seperti jari-jari lingkaran, luas persegi panjang. Mengases pengetahuan awal siswa mengenai luas lingkaran. Menceritakan kepada siswa mengenai peristiwa seharihari yang berkaitan dengan luas lingkaran untuk menarik minat dan membangkitkan rasa ingin tahu siswa. Guru memberikan pertanyaan mengenai luas lingkaran untuk membangkitkan dan mendorong minat belajar siswa. 	 Mendengarkan penjelasan guru. Menjawab pertanyaan yang diberikan guru 	
Tahap Exploration		25 menit
 Meminta siswa bergabung dalam kelompok belajar, setiap kelompok terdiri atas 5-6 siswa. Membagikan LKS mengenai luas lingkaran pada setiap kelompok. Meminta siswa berdiskusi dalam kelompok untuk melakukan kegiatan eksplorasi mengenai permasalahan sesuai dengan langkah-langkah yang 	 Siswa bergabung dengan teman sekelompoknya Melakukan eksplorasi dan berdiskusi dengan teman sekolmpoknya untuk mengisi LKS mengenai luas lingkaran. Siswa mendefinisikan unsurunsur lingkaran berdasarkan hasil pengamatan secara berkelompok Siswa menarik kesimpulan mengenai luas lingkaran berdasarkan hasil pengamatan. 	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
terdapat di LKS. Membimbing memfasilitasi siswa dalam melakukan eksplorasi dan berdiskusi dalam kelompok. Meninjau kegiatan eksplorasi dan pemngumpulan data yang dilakukan siswa Tahap Explanation Menunjuk satu kelompok siswa untuk mempresentasikan hasil eksplorasinya. Memfasilitasi kegiatan tanya jawab antara kelompok yang mempresentasikan hasil ekspolrasi dengan kelompok lainnya, dengan cara meminta siswa untuk mengajukan pertanyaan dan menanggapi hasil eksplorasi yang dipresentasikan. Memberikan informasi tambahan mengenai hasil eksplorasi siswa yang dipresentaikan. Mengarahkan siswa apabila siswa kesulitan dalam menjawab pertanyaan.	 Memperentasikan hasil yang diperoleh dalam kegiatan eksplorasi dan diskusi kelompok Melaksanakan diskusi dan tanya jawab. Menjawab pertanyaan dari siswa dalam kelompok lain dengan bahasa sendiri, dibantu dengan arahan dari guru. 	15 menit
Tahap Elaboration	<u> </u>	15 menit
Meminta siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan luas lingkaran.	Siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan luas lingkaran.	
Tahap EvaluationMendorong siswa untuk bertanya dan mengevaluasi diri.	 Mengajukan pertanyaan dan mengevaluasi diri. Menyampaikan hal-hal yang 	10 menit

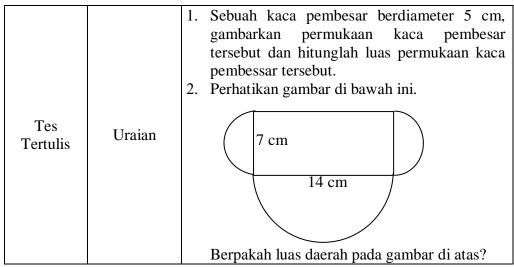
Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
 Memberikan kesempatan kepada siswa untuk menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Memberikan soal evaluasi individu mengenai luas lingkaran. 	telah diperoleh dalam pembelajaran. • Mengerjakan soal evaluasi yang diberikan secara individu.	
Penutup		5 menit
 Memberikan PR dan menginformasikan materi yang akan dipelajari pada pertemuan selanjutnya. Menutup pembelajaran. 	 Siswa menyimak dan mencatat PR Berdoa dengan dipimpin oleh ketua kelas 	

H. Sumber Belajar

- 1. Buku pelajaran Matematika kelas VIII
 - Nurharini, D & Wahyuni, T. (2008). Matematika Konsep dan Aplikasinya untuk SMP/MTs. Kelas VIII. Jakarta: Pusat Perbukuan Departemen Pendidikan Nasional.
- Nunik Avianti Agus. (2008). Mudah Belajar Matematika untuk Kelas VIII Sekolah Menengah Pertama / Madrasah Tswanawiyah. Jakarta: Pusat Perbukuan Departemen Pendidikan Nasional.
- Adinawan, M. C & Sugijono. (2007). Matematika untuk SMP Kelas VIII
 2B Semester 2. Jakarta: Erlangga.
- 4. Lembar Kerja Siswa (LKS)

I. Penilaian

Teknik	Bentuk	Instrumen Penilaian
Penilaian	Instrumen	mstrumen remaian



RENCANA PELAKSANAAN PEMBELAJARAN

(Kelas Eksperimen)

Sekolah : SMP

Mata Pelajaran : Matematika

Kelas/Semester : VIII/2

Pertemuan ke- : 4

Alokasi Waktu : 2×40 menit

A. Standar Kompetensi

4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya.

B. Kompetensi Dasar

4.3 Menggunakan hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring dalam pemecahan masalah.

C. Indikator

1. Kognitif

a. Indikator Proses

Menurunkan rumus hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama.

b. Indikator Produk

- Menggunakan rumus hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama dalam perhitungan.
- 2) Menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama..
- Menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama.

2. Afektif

Indikator *Self-Regulated Learning*:

- a. Berinisiatif belajar dengan atau tanpa bantuan orang lain;
- b. Mendiagnosa kebutuhan belajarnya sendiri;
- c. Merumuskan/memilih tujuan belajar;
- d. Memilih dan menggunakan sumber;
- e. Memilih strategi belajar, dan mengevaluasi hasil belajarnya;
- f. Bekerjasama dengan orang lain;
- g. Membangun makna; dan
- h. Mengontrol kontrol diri.

D. Tujuan Pembelajaran

1. Kognitif

a. Tujuan Proses

Diberikan beberapa model lingkaran, siswa dapat menurunkan rumus hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama.

b. Tujuan Produk

- 1) Siswa dapat menyelesaikan perhitungan dengan rumus hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama.
- Siswa dapat menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama.

3) Siswa dapat menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan rumus hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama.

2. Afektif

Siswa memiliki SRL yang tinggi dalam mempelajari hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama

E. Materi Pembelajaran

Hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama

F. Metode Pembelajaran

Model : Learning Cycle 5E

Metode : Tanya Jawab, Penemuan, Presentasi, Latihan dan

Penugasan

Media : Papan tulis dan alat tulis, model lingkaran (dari kertas

karton), jangka, penggaris, busur.

G. Proses Pembelajaran

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
Pendahuluan		5 menit
 Mengkondisikan siswa untuk siap belajar, berdoa dan mengabsen siswa. Menyampaikan tujuan pembelajaran. 	Menyiapkan diri untuk belajar dan berdoa.Menyimak pemaparan guru.	
Tahap Engagement		5 menit
 Menggali pengetahuan awal siswa mengenai materi hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama, diantaranya titik pusat dan keliling lingkaran dan sudut. Mengases pengetahuan awal siswa mengenai hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama. 	 Mendengarkan penjelasan guru. Menjawab pertanyaan yang diberikan guru 	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
 Menceritakan kepada siswa mengenai peristiwa seharihari yang berkaitan dengan rumus hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama untuk menarik minat dan membangkitkan rasa ingin tahu siswa Guru memberikan pertanyaan mengenai hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama untuk membangkitkan dan mendorong minat belajar siswa. 		
Tahap Exploration		25 menit
 Meminta siswa bergabung dalam kelompok belajar, setiap kelompok terdiri atas 5-6 siswa. Membagikan LKS mengenai hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama pada setiap kelompok. Meminta siswa berdiskusi dalam kelompok untuk melakukan kegiatan eksplorasi mengenai permasalahan sesuai dengan langkah-langkah yang terdapat di LKS. Membimbing memfasilitasi siswa dalam melakukan eksplorasi dan berdiskusi dalam kelompok. Meninjau kegiatan eksplorasi dan pemngumpulan data yang dilakukan siswa 	 Siswa bergabung dengan teman sekelompoknya Melakukan eksplorasi dan berdiskusi dengan teman sekolmpoknya untuk mengisi LKS mengenai hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama. Siswa menarik kesimpulan mengenai hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama berdasarkan hasil pengamatan. 	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
Tahap Explanation		15 menit
 Menunjuk satu kelompok siswa untuk mempresentasikan hasil eksplorasinya. Memfasilitasi kegiatan tanya jawab antara kelompok yang mempresentasikan hasil ekspolrasi dengan kelompok lainnya, dengan cara meminta siswa untuk mengajukan pertanyaan dan menanggapi hasil eksplorasi yang dipresentasikan. Memberikan informasi tambahan mengenai hasil eksplorasi siswa yang dipresentaikan. Mengarahkan siswa apabila siswa kesulitan dalam menjawab pertanyaan. 	 Memperentasikan hasil yang diperoleh dalam kegiatan eksplorasi dan diskusi kelompok Melaksanakan diskusi dan tanya jawab. Menjawab pertanyaan dari siswa dalam kelompok lain dengan bahasa sendiri, dibantu dengan arahan dari guru. 	
Tahap Elaboration		15 menit
Meminta siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan rumus hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama.	Siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan hubungan sudut pusat dan sudut keliling jika menghadap busur yang sama.	
Tahap Evaluation		10 menit
 Mendorong siswa untuk bertanya dan mengevaluasi diri. Memberikan kesempatan kepada siswa untuk menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Memberikan soal evaluasi individu mengenai rumus hubungan sudut pusat dan 	 Mengajukan pertanyaan dan mengevaluasi diri. Menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Mengerjakan soal evaluasi yang diberikan secara individu. 	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
sudut keliling jika menghadap busur yang		
sama.		
Penutup		5 menit
 Memberikan PR dan menginformasikan materi yang akan dipelajari pada pertemuan selanjutnya. Menutup pembelajaran. 	 Siswa menyimak dan mencatat PR Berdoa dengan dipimpin oleh ketua kelas 	

H. Sumber Belajar

- 1. Buku pelajaran Matematika kelas VIII
 - Nurharini, D & Wahyuni, T. (2008). Matematika Konsep dan Aplikasinya untuk SMP/MTs. Kelas VIII. Jakarta: Pusat Perbukuan Departemen Pendidikan Nasional.
- Nunik Avianti Agus. (2008). Mudah Belajar Matematika untuk Kelas VIII Sekolah Menengah Pertama / Madrasah Tswanawiyah. Jakarta: Pusat Perbukuan Departemen Pendidikan Nasional.
- Adinawan, M. C & Sugijono. (2007). Matematika untuk SMP Kelas VIII
 2B Semester 2. Jakarta: Erlangga.
- 4. Lembar Kerja Siswa (LKS)

I. Penilaian

Teknik Penilaian	Bentuk Instrumen	Instrumen Penilaian
Tes Tertulis	Uraian	 Jika sudut A adalah sudut pusat dan sudut B adalah sudut keliling, sebutkan hubungan antara sudut A dan sudut B jika kedua sudut itu menhadap busur yang sama. Sebuah lingkaran mempunyai titik pusat O, terdapat sudut BOC yang besarnya 66°, Sudut BDC adalah sudut keliling lingkaran. Gambarkan permasalahan tersebut dan hitunglah besar sudut BDC.

RENCANA PELAKSANAAN PEMBELAJARAN

(Kelas Eksperimen)

Sekolah : SMP

Mata Pelajaran : Matematika

Kelas/Semester : VIII/2

Pertemuan ke- : 5

Alokasi Waktu : 2×40 menit

A. Standar Kompetensi

4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya.

B. Kompetensi Dasar

4.3 Menggunakan hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring dalam pemecahan masalah.

C. Indikator

1. Kognitif

a. Indikator Proses

Menurunkan konsep/rumus besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran

b. Indikator Produk

- 1) Menggunakan konsep sudut keliling yang menghadap diameter dan busur yang sama dalam perhitungan.
- 2) Menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan konsep sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran.
- 3) Menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran.

2. Afektif

Indikator *Self-Regulated Learning*:

a. Berinisiatif belajar dengan atau tanpa bantuan orang lain;

- b. Mendiagnosa kebutuhan belajarnya sendiri;
- c. Merumuskan/memilih tujuan belajar;
- d. Memilih dan menggunakan sumber;
- e. Memilih strategi belajar, dan mengevaluasi hasil belajarnya;
- f. Bekerjasama dengan orang lain;
- g. Membangun makna; dan
- h. Mengontrol kontrol diri.

D. Tujuan Pembelajaran

1. Kognitif

a. Tujuan Proses

Diberikan beberapa model lingkaran, siswa dapat menurunkan konsep/rumus besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran.

b. Tujuan Produk

- Menggunakan konsep besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran dalam perhitungan.
- 2) Menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan konsep besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran.
- 3) Menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan hubungan besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran.

2. Afektif

Siswa memiliki SRL yang tinggi dalam mempelajari hubungan besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama

E. Materi Pembelajaran

Hubungan besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama

F. Metode Pembelajaran

Model : Learning Cycle 5E

Metode : Tanya Jawab, Penemuan, Presentasi, Latihan dan

Penugasan

Media : Papan tulis dan alat tulis, model lingkaran (dari kertas

karton), penggaris, jangka, busur.

G. Proses Pembelajaran

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
Pendahuluan		5 menit
 Mengkondisikan siswa untuk siap belajar, berdoa dan mengabsen siswa. Menyampaikan tujuan pembelajaran. Tahap Engagement 	Menyiapkan diri untuk belajar dan berdoa.Menyimak pemaparan guru.	5 menit
 Menggali pengetahuan awal siswa mengenai materi besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama, diantaranya sudut keliling dan sudut pusat. Mengases pengetahuan awal siswa mengenai besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran. Menceritakan kepada siswa mengenai masalah matematis yang berkaitan dengan besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran untuk menarik minat dan 	 Mendengarkan penjelasan guru. Menjawab pertanyaan yang diberikan guru 	J mem

Kegiatan Guru		Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
membangkitkan rasa ingin tahu siswa • Guru memberikan pertanyaan mengenai hubungan besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama yang sama pada sebuah lingkaran untuk membangkitkan dan mendorong minat belajar siswa. Tahap Exploration • Meminta siswa membentuk	•	Siswa bergabung dengan	25 menit
kelompok belajar, setiap kelompok terdiri atas 5-6 siswa. • Membagikan LKS mengenai besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada setiap kelompok. • Meminta siswa berdiskusi dalam kelompok untuk melakukan kegiatan eksplorasi mengenai permasalahan sesuai dengan langkah-langkah yang terdapat di LKS. • Membimbing memfasilitasi siswa dalam melakukan eksplorasi dan berdiskusi dalam kelompok. • Meninjau kegiatan eksplorasi dan pemngumpulan data yang dilakukan siswa	•	teman sekelompoknya Melakukan eksplorasi dan berdiskusi dengan teman sekolmpoknya untuk mengisi LKS mengenai besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran.	
Tahap Explanation			15 menit
Menunjuk satu kelompok siswa untuk mempresentasikan hasil eksplorasinya.	•	Memperentasikan hasil yang diperoleh dalam kegiatan eksplorasi dan diskusi kelompok	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
 Memfasilitasi kegiatan tanya jawab antara kelompok yang mempresentasikan hasil ekspolrasi dengan kelompok lainnya, dengan cara meminta siswa untuk mengajukan pertanyaan dan menanggapi hasil eksplorasi yang dipresentasikan. Memberikan informasi tambahan mengenai hasil eksplorasi siswa yang dipresentaikan. Mengarahkan siswa apabila siswa kesulitan dalam menjawab pertanyaan. 	 Melaksanakan diskusi dan tanya jawab. Menjawab pertanyaan dari siswa dalam kelompok lain dengan bahasa sendiri, dibantu dengan arahan dari guru. 	15
 Tahap Elaboration Meminta siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada lingkaran. 	Siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran.	15 menit
Tahap Evaluation		10 menit
 Mendorong siswa untuk bertanya dan mengevaluasi diri. Memberikan kesempatan kepada siswa untuk menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Memberikan soal evaluasi individu mengenai besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada lingkaran. 	 Mengajukan pertanyaan dan mengevaluasi diri. Menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Mengerjakan soal evaluasi yang diberikan secara individu. 	
Penutup		5 menit
Memberikan PR dan	Siswa menyimak dan	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
menginformasikan materi yang akan dipelajari pada pertemuan selanjutnya. • Menutup pembelajaran.	mencatat PRBerdoa dengan dipimpin oleh ketua kelas	

- 1. Buku pelajaran Matematika kelas VIII
 - Nurharini, D & Wahyuni, T. (2008). Matematika Konsep dan Aplikasinya untuk SMP/MTs. Kelas VIII. Jakarta: Pusat Perbukuan Departemen Pendidikan Nasional.
- Nunik Avianti Agus. (2008). Mudah Belajar Matematika untuk Kelas VIII Sekolah Menengah Pertama / Madrasah Tswanawiyah. Jakarta: Pusat Perbukuan Departemen Pendidikan Nasional.
- Adinawan, M. C & Sugijono. (2007). Matematika untuk SMP Kelas VIII
 2B Semester 2. Jakarta: Erlangga.
- 4. Lembar Kerja Siswa (LKS)

Teknik Penilaian	Bentuk Instrumen	Instrumen Penilaian
Tes Tertulis	Uraian	 Berapa besar sudut keliling jika menghadap diameter lingkaran? Perhatikan gambar di bawah ini. Berapakah besar sudut ADB dan sudut ACB? Apakah besar sudut ADB berbeda dengan sudut ACB? Mengapa?

RENCANA PELAKSANAAN PEMBELAJARAN

(Kelas Eksperimen)

Sekolah : SMP

Mata Pelajaran : Matematika

Kelas/Semester : VIII/2

Pertemuan ke- : 6

Alokasi Waktu : 2×40 menit

A. Standar Kompetensi

4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya.

B. Kompetensi Dasar

4.3 Menggunakan hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring dalam pemecahan masalah.

C. Indikator

1. Kognitif

a. Indikator Proses

Menurunkan konsep/rumus panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran.

b. Indikator Produk

- 1) Menggunakan konsep panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran dalam perhitungan.
- 2) Menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran.
- 3) Menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran.

2. Afektif

Indikator *Self-Regulated Learning*:

- a. Berinisiatif belajar dengan atau tanpa bantuan orang lain;
- b. Mendiagnosa kebutuhan belajarnya sendiri;
- c. Merumuskan/memilih tujuan belajar;

183

- d. Memilih dan menggunakan sumber;
- e. Memilih strategi belajar, dan mengevaluasi hasil belajarnya;
- f. Bekerjasama dengan orang lain;
- g. Membangun makna; dan
- h. Mengontrol kontrol diri.

D. Tujuan Pembelajaran

1. Kognitif

a. Tujuan Proses

Diberikan beberapa model lingkaran, siswa dapat menurunkan konsep/rumus panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran melalui pengamatan objek (lingkaran) secara langsung yang disediakan oleh guru.

b. Tujuan Produk

- 1) Menggunakan konsep panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran dalam perhitungan.
- Menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan konsep panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran.
- Menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan konsep panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran.

2. Afektif

Siswa memiliki SRL yang tinggi dalam mempelajari materi panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran.

E. Materi Pembelajaran

Panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran

F. Metode Pembelajaran

Model : Learning Cycle 5E

Metode : Tanya Jawab, Penemuan, Presentasi, Latihan dan

Penugasan

Media : Papan tulis dan alat tulis, model lingkaran (dari kertas

karton), jangka, busur, gunting dan penggaris.

G. Proses Pembelajaran

Mengkondisikan siswa untuk siap belajar, berdoa dan mengabsen siswa. Menyampaikan tujuan pembelajaran. Tahap Engagement Menggali pengetahuan awal siswa mengenai materi panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran, diantaranya konsep luas juring dan tembereng lingkaran. Menceritakan kepada siswa mengenai masalah matematis yang berkaitan dengan panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran.untuk membangkitkan rasa ingin tahu siswa. Guru memberikan pertanyaan mengenai massalah matematis yang berkaitan dengan panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran.untuk membangkitkan dan mendorong minat belajar siswa. Tahap Exploration Menyiapkan diri untuk belajar dan berdoa. Menyimak pemaparan guru. Mendengarkan penjelasan guru. Menjawab pertanyaan yang diberikan guru Menjawab pertanyan yang diberikan guru Menjawab pertanyaan yang diberikan guru Menjawab pertanyan yang diberikan guru Menja	Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
untuk siap belajar, berdoa dan mengabsen siswa. Menyampaikan tujuan pembelajaran. Tahap Engagement Menggali pengetahuan awal siswa mengenai materi panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran, diantaranya konsep luas juring dan luas segitiga. Mengases pengetahuan awal siswa mengenai masulah matembereng lingkaran. Menceritakan kepada siswa mengenai masalah matematis yang berkaitan dengan panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran.untuk menarik minat dan membangkitkan rasa ingin tahu siswa. Guru memberikan pertanyaan mengenai massalah matematis yang berkaitan dengan panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran.untuk membangkitkan dan mendorong minat belajar siswa. Tahap Exploration dan berdoa. Menyimak pemaparan guru. Mendengarkan penjelasan guru. Menjawab pertanyaan yang diberikan guru Menjawab pertanyaan yang diberikan guru.	Pendahuluan		5 menit
siswa mengenai materi panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran, diantaranya konsep luas juring dan luas segitiga. • Mengases pengetahuan awal siswa mengenai panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran • Menceritakan kepada siswa mengenai masalah matematis yang berkaitan dengan panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran.untuk menarik minat dan membangkitkan rasa ingin tahu siswa. • Guru memberikan pertanyaan mengenai massalah matematis yang berkaitan dengan panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran.untuk membangkitkan dan mendorong minat belajar siswa. Tahap Exploration guru. Menjawab pertanyaan yang diberikan guru one iderikan guru 1 Menjawab pertanyaan yang diberikan guru 2 Menjawab pertanyaan yang diberikan guru 1 Menjawab pertanyaan yang diberikan guru 2 Menjawab pertanyaan yang diberikan guru	untuk siap belajar, berdoa dan mengabsen siswa. • Menyampaikan tujuan pembelajaran. Tahap Engagement	dan berdoa. • Menyimak pemaparan guru.	5 menit
Tahap Exploration 25 menit	siswa mengenai materi panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran, diantaranya konsep luas juring dan luas segitiga. • Mengases pengetahuan awal siswa mengenai panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran • Menceritakan kepada siswa mengenai masalah matematis yang berkaitan dengan panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran.untuk menarik minat dan membangkitkan rasa ingin tahu siswa. • Guru memberikan pertanyaan mengenai massalah matematis yang berkaitan dengan panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran.untuk membangkitkan dan mendorong minat belajar	guru. • Menjawab pertanyaan yang	
			25 manit
Meminta siswa hergahing	Meminta siswa bergabung	Siswa bergabung dengan	23 memi

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
dalam kelompok belajar, setiap kelompok terdiri atas 5-6 siswa. • Membagikan LKS mengenai peristiwa seharihari yang berkaitan dengan panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran.pada setiap kelompok. • Meminta siswa berdiskusi dalam kelompok untuk melakukan kegiatan eksplorasi mengenai permasalahan sesuai dengan langkah-langkah yang terdapat di LKS. • Membimbing memfasilitasi siswa dalam melakukan eksplorasi dan berdiskusi dalam kelompok. • Meninjau kegiatan eksplorasi dan pemngumpulan data yang dilakukan siswa	 Melakukan eksplorasi dan berdiskusi dengan teman sekolmpoknya untuk mengisi LKS mengenai peristiwa sehari-hari yang berkaitan dengan panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran. Siswa menarik kesimpulan mengenai panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran.berdasarkan hasil pengamatan. 	
Tahap Explanation		15 menit
 Menunjuk satu kelompok siswa untuk mempresentasikan hasil eksplorasinya. Memfasilitasi kegiatan tanya jawab antara kelompok yang mempresentasikan hasil ekspolrasi dengan kelompok lainnya, dengan cara meminta siswa untuk mengajukan pertanyaan dan menanggapi hasil eksplorasi mengenai panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran yang 	 Memperentasikan hasil yang diperoleh dalam kegiatan eksplorasi dan diskusi kelompok Melaksanakan diskusi dan tanya jawab. Menjawab pertanyaan dari siswa dalam kelompok lain dengan bahasa sendiri, dibantu dengan arahan dari guru. 	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
 dipresentasikan. Memberikan informasi tambahan terhadap hasil eksplorasi siswa mengenai panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran yang dipresentasikan. Mengarahkan siswa apabila siswa kesulitan dalam menjawab pertanyaan. 		
Tahap Elaboration		15 menit
 Meminta siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran Tahap Evaluation Mendorong siswa untuk bertanya dan mengevaluasi diri. Memberikan kesempatan kepada siswa untuk menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Memberikan soal evaluasi individu mengenai panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran 	 Siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan panjang busur, luas juring dan tembereng lingkaran Mengajukan pertanyaan dan mengevaluasi diri. Menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Mengerjakan soal evaluasi yang diberikan secara individu. 	10 menit
Penutup		5 menit
 Memberikan PR dan menginformasikan materi yang akan dipelajari pada pertemuan selanjutnya. Menutup pembelajaran. 	 Siswa menyimak dan mencatat PR Berdoa dengan dipimpin oleh ketua kelas 	

1. Buku pelajaran Matematika kelas VIII

Nurharini, D & Wahyuni, T. (2008). Matematika Konsep dan Aplikasinya untuk SMP/MTs. Kelas VIII. Jakarta: Pusat Perbukuan Departemen Pendidikan Nasional.

- Adinawan, M. C & Sugijono. (2007). Matematika untuk SMP Kelas VIII
 Semester 2. Jakarta: Erlangga.
- 3. Lembar Kerja Siswa (LKS)

Teknik Penilaian	Bentuk Instrumen	Instrumen Penilaian
Tes Tertulis	Uraian	 Seorang anak harus minum tablet yang berbentuk lingkaran. Jika anak tersebut harus minum 1/3 tablet itu dan ternyata jarijari tablet 0,7 cm. Berapakah luas tablet yang diminum? Sebuah lingkaran berpusat di O, dengan panjang jari-jari 4 cm. Sudut POQ adalah sudut pusat lingkaran, besar sudut POQ adalah 60°. Gambarkan lingkaran tersebut, berapakah luas juring POQ dan panjang busur POQ?

RENCANA PELAKSANAAN PEMBELAJARAN

(Kelas Eksperimen)

Sekolah : SMP

Mata Pelajaran : Matematika

Kelas/Semester : VIII/2

Pertemuan ke- : 7

Alokasi Waktu : 2×40 menit

A. Standar Kompetensi

4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya.

B. Kompetensi Dasar

4.3 Menggunakan hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring dalam pemecahan masalah.

C. Indikator

1. Kognitif

a. Indikator Proses

Menurunkan konsep/rumus hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring lingkaran.

b. Indikator Produk

- Menggunakan konsep/rumus besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran dalam perhitungan.
- 2) Menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan konsep besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran.
- 3) Menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan hubungan besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran.

2. Afektif

Indikator *Self-Regulated Learning*:

- a. Berinisiatif belajar dengan atau tanpa bantuan orang lain;
- b. Mendiagnosa kebutuhan belajarnya sendiri;
- c. Merumuskan/memilih tujuan belajar;
- d. Memilih dan menggunakan sumber;
- e. Memilih strategi belajar, dan mengevaluasi hasil belajarnya;
- f. Bekerjasama dengan orang lain;
- g. Membangun makna; dan
- h. Mengontrol kontrol diri.

D. Tujuan Pembelajaran

1. Kognitif

a. Tujuan Proses

Diberikan beberapa model lingkaran, siswa dapat menurunkan konsep/rumus hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring lingkaran melalui pengamatan objek (lingkaran) secara langsung yang disediakan oleh guru.

b. Tujuan Produk

- Menggunakan konsep/rumus besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran dalam perhitungan.
- Menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan konsep besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran.
- 3) Menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan hubungan besar sudut keliling yang menghadap diamater dan busur yang sama pada sebuah lingkaran.

2. Afektif

Siswa memiliki SRL yang tinggi dalam mempelajari hubungan sudut pussat, panjang busur, luas juring dalam pemecahan masalah.

E. Materi Pembelajaran

Menggunakan hubungan sudut pussat, panjang busur, luas juring dalam pemecahan masalah.

F. Metode Pembelajaran

Model : Learning Cycle 5E

Metode : Tanya Jawab, Penemuan, Presentasi, Latihan dan

Penugasan

Media : Papan tulis dan alat tulis

G. Proses Pembelajaran

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
Pendahuluan		5 menit
 Mengkondisikan siswa untuk siap belajar, berdoa dan mengabsen siswa. Menyampaikan tujuan pembelajaran. 	Menyiapkan diri untuk belajar dan berdoa.Menyimak pemaparan guru.	
Tahap Engagement		5 menit
 Menggali pengetahuan awal siswa mengenai materi hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring lingkaran, diantaranya keliling dan luas lingkaran dan perbandingan. Mengases pengetahuan awal siswa mengenai hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring. Menceritakan kepada siswa mengenai peristiwa seharihari yang berkaitan dengan hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring untuk menarik minat dan membangkitkan rasa ingin tahu siswa Guru memberikan 	 Mendengarkan penjelasan guru. Menjawab pertanyaan yang diberikan guru 	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
pertanyaan mengenai hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring untuk membangkitkan dan mendorong minat belajar siswa. Tahap Exploration • Meminta siswa bergabung dengan kelompok yang sudah dibentuk, setiap kelompok terdiri atas 5-6 siswa. • Membagikan LKS mengenai hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring pada setiap kelompok. • Meminta siswa berdiskusi dalam kelompok untuk melakukan kegiatan eksplorasi mengenai permasalahan sesuai dengan langkah-langkah yang terdapat di LKS. • Membimbing memfasilitasi siswa dalam melakukan eksplorasi dan berdiskusi dalam kelompok. • Meninjau kegiatan eksplorasi dan pemngumpulan data yang dilakukan siswa	 Siswa bergabung dengan teman sekelompoknya Melakukan eksplorasi dan berdiskusi dengan teman sekolmpoknya untuk mengisi LKS mengenai hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring. Siswa menarik kesimpulan mengenai hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring berdasarkan hasil pengamatan. 	25 menit
Tahap Explanation		15 menit
 Menunjuk satu kelompok siswa untuk mempresentasikan hasil eksplorasinya. Memfasilitasi kegiatan tanya jawab antara kelompok yang mempresentasikan hasil ekspolrasi dengan 	 Memperentasikan hasil yang diperoleh dalam kegiatan eksplorasi dan diskusi kelompok Melaksanakan diskusi dan tanya jawab. Menjawab pertanyaan dari siswa dalam kelompok lain 	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
kelompok lainnya, dengan cara meminta siswa untuk mengajukan pertanyaan dan menanggapi hasil eksplorasi mengenai hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring yang dipresentasikan. • Memberikan informasi tambahan terhadap hasil eksplorasi siswa mengenai hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring yang dipresentasikan. • Mengarahkan siswa apabila siswa kesulitan dalam menjawab pertanyaan.	dengan arahan dari guru.	
Tahap Elaboration		15 menit
 Meminta siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring. Tahap Evaluation Mendorong siswa untuk bertanya dan mengevaluasi diri. Memberikan kesempatan kepada siswa untuk 	 Siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring. Mengajukan pertanyaan dan mengevaluasi diri. Menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. 	10 menit
 menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Memberikan soal evaluasi individu mengenai hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring. 	Mengerjakan soal evaluasi yang diberikan secara individu.	
Penutup		5 menit
 Memberikan PR dan menginformasikan materi yang akan dipelajari pada pertemuan selanjutnya. Menutup pembelajaran. 	 Siswa menyimak dan mencatat PR Berdoa dengan dipimpin oleh ketua kelas 	

- 1. Buku pelajaran Matematika kelas VIII
 - a. Nurharini, D & Wahyuni, T. (2008). Matematika Konsep dan Aplikasinya untuk SMP/MTs. Kelas VIII. Jakarta: Pusat Perbukuan Departemen Pendidikan Nasional.
 - b. Nunik Avianti Agus. (2008). Mudah Belajar Matematika untuk Kelas VIII Sekolah Menengah Pertama / Madrasah Tswanawiyah. Jakarta: Pusat Perbukuan Departemen Pendidikan Nasional.
 - c. Adinawan, M. C & Sugijono. (2007). Matematika untuk SMP Kelas VIII 2B Semester 2. Jakarta: Erlangga.

Teknik Penilaian	Bentuk Instrumen	Instrumen Penilaian
Tes Tertulis	Uraian	 Perhatikan gambar di bawah ini. C Besar sudut AOB 60°, luas lingkaran O 154 cm². Berapakah panjang busur AB? Pada gambar di atas terdapat dua daerah yang diarsir, hitunglah luas daerah yang diarsir tersebut? (CO EO) Jika panjang DE adalah 4 cm, berapakah luas daerah yang dibatasi busur BE dan busur DF?

RENCANA PELAKSANAAN PEMBELAJARAN

(Kelas Eksperimen)

Sekolah : SMP

Mata Pelajaran : Matematika

Kelas/Semester : VIII/2

Pertemuan ke-: 8

Alokasi Waktu : 2×40 menit

A. Standar Kompetensi

4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya.

B. Kompetensi Dasar

4.4 Menghitung panjang garis singgung persekutuan dua lingkaran.

C. Indikator

1. Kognitif

a. Indikator Proses

Mengkonstruksi sifat sudut yang dibentuk oleh garis singgung dan garis yang melalui titik pusat.

b. Indikator Produk

- Menemukan sifat sudut yang dibentuk oleh garis singgung dan garis yang melalui titik pusat.
- 2) Menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan garis singgung lingkaran lingkaran.
- 3) Menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan garis singgung lingkaran lingkaran.

2. Afektif

Indikator Self-Regulated Learning:

- a. Berinisiatif belajar dengan atau tanpa bantuan orang lain;
- b. Mendiagnosa kebutuhan belajarnya sendiri;
- c. Merumuskan/memilih tujuan belajar;
- d. Memilih dan menggunakan sumber;

195

- e. Memilih strategi belajar, dan mengevaluasi hasil belajarnya;
- f. Bekerjasama dengan orang lain;
- g. Membangun makna; dan
- h. Mengontrol kontrol diri.

D. Tujuan Pembelajaran

1. Kognitif

a. Tujuan Proses

Diberikan beberapa model lingkaran, siswa dapat mengkonstruksi sifat sudut yang dibentuk oleh garis singgung dan garis yang melalui titik pusat lingkaran melalui pengamatan objek (lingkaran) secara langsung yang disediakan oleh guru.

b. Tujuan Produk

- 1) Diberikan model lingkaran, siswa dapat menentukan dan menghitung sudut yang dibentuk oleh garis singgung dan garis yang melalui titik pusat lingkaran dalam penyelesaian masalah.
- 2) Siswa dapat menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan garis singgung lingkaran.
- 3) Siswa dapat menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan garis singgung lingkaran.

2. Afektif

Siswa memiliki SRL yang tinggi dalam mempelajari sifat sudut yang dibentuk oleh garis singgung dan garis yang melalui titik pusat lingkaran.

E. Materi Pembelajaran

sifat sudut yang dibentuk oleh garis singgung dan garis yang melalui titik pusat lingkaran

F. Metode Pembelajaran

Model : Learning Cycle 5E

Metode : Tanya Jawab, Penemuan, Presentasi, Latihan dan

Penugasan

Media : Papan tulis, alat tulis dan model lingkaran, lidi,

penggaris, jangka.

G. Proses Pembelajaran

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
Pendahuluan		5 menit
 Mengkondisikan siswa untuk siap belajar, berdoa dan mengabsen siswa. Menyampaikan tujuan pembelajaran. Tahap Engagement 	 Menyiapkan diri untuk belajar dan berdoa. Menyimak pemaparan guru. 	5 menit
 Menggali pengetahuan awal siswa mengenai materi hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring lingkaran. Mengases pengetahuan awal siswa mengenai hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring. Menceritakan kepada siswa mengenai peristiwa seharihari yang berkaitan dengan garis singgung lingkaran untuk menarik minat dan membangkitkan rasa ingin tahu siswa Guru memberikan pertanyaan mengenai garis singgung lingkaran untuk membangkitkan dan mendorong minat belajar siswa. 	 Mendengarkan penjelasan guru. Menjawab pertanyaan yang diberikan guru 	
Tahap Exploration		25 menit
 Meminta siswa bergabung dengan kelompok yang sudah dibentuk, setiap kelompok terdiri atas 5-6 siswa. Membagikan LKS mengenai garis singgung 	 Siswa bergabung dengan teman sekelompoknya Melakukan eksplorasi dan berdiskusi dengan teman sekolmpoknya untuk mengisi LKS mengenai garis singgung lingkaran. 	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
lingkaran pada setiap kelompok. • Meminta siswa berdiskusi dalam kelompok untuk melakukan kegiatan eksplorasi mengenai permasalahan sesuai dengan langkah-langkah yang terdapat di LKS. • Membimbing memfasilitasi siswa dalam melakukan eksplorasi dan berdiskusi dalam kelompok. • Meninjau kegiatan eksplorasi dan pemngumpulan data yang dilakukan siswa	Siswa menarik kesimpulan mengenai garis singgung lingkaran berdasarkan hasil pengamatan.	
Tahap Explanation	Momporantocikan basil yang	15 menit
 Menunjuk satu kelompok siswa untuk mempresentasikan hasil eksplorasinya. Memfasilitasi kegiatan tanya jawab antara kelompok yang mempresentasikan hasil ekspolrasi dengan kelompok lainnya, dengan cara meminta siswa untuk mengajukan pertanyaan dan menanggapi hasil eksplorasi mengenai garis singgung lingkaran yang dipresentasikan. Memberikan informasi tambahan terhadap hasil eksplorasi siswa mengenai garis singgung lingkaran yang dipresentasikan. Mengarahkan siswa apabila siswa kesulitan dalam menjawab pertanyaan. 	 Memperentasikan hasil yang diperoleh dalam kegiatan eksplorasi dan diskusi kelompok Melaksanakan diskusi dan tanya jawab. Menjawab pertanyaan dari siswa dalam kelompok lain dengan bahasa sendiri, dibantu dengan arahan dari guru. 	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
Tahap Elaboration		15 menit
 Meminta siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan garis singgung lingkaran. 	Siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan garis singgung lingkaran.	
Tahap Evaluation		10 menit
 Mendorong siswa untuk bertanya dan mengevaluasi diri. Memberikan kesempatan kepada siswa untuk menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Memberikan soal evaluasi individu mengenai garis singgung lingkaran. 	 Mengajukan pertanyaan dan mengevaluasi diri. Menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Mengerjakan soal evaluasi yang diberikan secara individu. 	
Penutup		5 menit
 Memberikan PR dan menginformasikan materi yang akan dipelajari pada pertemuan selanjutnya. Menutup pembelajaran. 	 Siswa menyimak dan mencatat PR Berdoa dengan dipimpin oleh ketua kelas 	

- Buku pelajaran Matematika kelas VIII
 Nurharini, D & Wahyuni, T. (2008). Matematika Konsep dan Aplikasinya untuk SMP/MTs. Kelas VIII. Jakarta: Pusat Perbukuan Departemen Pendidikan Nasional.
- 2. Lembar Kerja Siswa (LKS

I. Penilaian

Teknik Penilaian	Bentuk Instrumen	Instrumen Penilaian
Tes Tertulis	Uraian	1. Perhatikan gambar di bawah ini

Q
Berapakah besar sudut Q? Mengapa?
2. Sebuah lingkaran berpusat di O, dari titik A di luar
lingkaran dibuat garis singgung AB. Panjang diamater
lingkaran tersebut 6 cm. Jarak titik pusat lingkaran dan
titik A adalah 5 cm. Gambarkan permasalahan tersebut
dan hitunglan panjang garis singgung AB.

RENCANA PELAKSANAAN PEMBELAJARAN

(Kelas Eksperimen)

Sekolah : SMP

Mata Pelajaran : Matematika

Kelas/Semester : VIII/2

Pertemuan ke-: 9

Alokasi Waktu : 2×40 menit

A. Standar Kompetensi

4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya.

B. Kompetensi Dasar

4.4 Menghitung panjang garis singgung persekutuan dua lingkaran.

C. Indikator

1. Kognitif

a. Indikator Proses

Menurunkan konsep/rumus garis singgung persekutuan dalam dua lingkaran.

- b. Indikator Produk
 - Menggunakan rumus garis singgung persekutuan dalam dua lingkaran dalam perhitungan.
 - 2) Menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan garis singgung persekutuan dalam dua lingkaran.
 - 3) Menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan garis singgung persekutuan dalam dua lingkaran.

2. Afektif

Indikator Self-Regulated Learning:

- a. Berinisiatif belajar dengan atau tanpa bantuan orang lain;
- b. Mendiagnosa kebutuhan belajarnya sendiri;
- c. Merumuskan/memilih tujuan belajar;
- d. Memilih dan menggunakan sumber;
- e. Memilih strategi belajar, dan mengevaluasi hasil belajarnya;
- f. Bekerjasama dengan orang lain;
- g. Membangun makna; dan
- h. Mengontrol kontrol diri.

D. Tujuan Pembelajaran

1. Kognitif

a. Tujuan Proses

Diberikan jangka, penggaris, kertas karton, LKS garis singgung dalam dua lingkaran, siswa dapat menggambar garis singgung persekutuan dalam (GSPD) dua lingkaran dan menurunkan konsep/rumus GSPD dua lingkaran.

b. Tujuan Produk

- Diberikan beberapa perhitungan mengenai panjang garis singgung persekutuan dalam dua lingkaran, siswa dapat menggunakan rumus garis singgung persekutuan dalam dua lingkaran.
- Siswa dapat menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan garis singgung persekutuan dalam dua lingkaran.
- Siswa dapat menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan garis singgung persekutuan dalam dua lingkaran.

2. Afektif

Siswa memiliki SRL yang tinggi dalam mempelajari unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran.

E. Materi Pembelajaran

Garis Singgung Persekutuan Dalam Lingkaran.

F. Metode Pembelajaran

Model : Learning Cycle 5E

Metode : Tanya Jawab, Penemuan, Presentasi, Latihan dan

Penugasan

Media : Papan tulis dan alat tulis

G. Proses Pembelajaran

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
Pendahuluan		5 menit
 Mengkondisikan siswa untuk siap belajar, berdoa dan mengabsen siswa. Menyampaikan tujuan pembelajaran. 	Menyiapkan diri untuk belajar dan berdoa.Menyimak pemaparan guru.	
Tahap Engagement		5 menit
 Menggali pengetahuan awal siswa mengenai garis singgung persekutuan dalam lingkaran diantaranya teorema Pythagoras, operasi bentuk akar, perpangkatan. Mengases pengetahuan awal siswa mengenai garis singgung persekutuan persekutuan dalam lingkaran. Menceritakan kepada siswa mengenai peristiwa seharihari yang berkaitan dengan garis singgung dalam lingkaran untuk menarik minat dan membangkitkan rasa ingin tahu siswa Guru memberikan pertanyaan mengenai garis singgung persekutuan 	 Mendengarkan penjelasan guru. Menjawab pertanyaan yang diberikan guru 	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
dalam lingkaran untuk membangkitkan dan mendorong minat belajar siswa.		
Tahap Exploration		25 menit
 Membagi siswa dalam beberapa kelompok, setiap kelompok terdiri atas 5-6 siswa. Membagikan LKS mengenai garis singgung persekutuan dalam lingkaran pada setiap kelompok. Meminta siswa berdiskusi dalam kelompok untuk melakukan kegiatan eksplorasi mengenai permasalahan sesuai dengan langkah-langkah yang terdapat di LKS. Membimbing memfasilitasi siswa dalam melakukan eksplorasi dan berdiskusi dalam kelompok. Meninjau kegiatan eksplorasi dan pemngumpulan data yang dilakukan siswa 	 Siswa bergabung dengan teman sekelompoknya Melakukan eksplorasi dan berdiskusi dengan teman sekolmpoknya untuk mengisi LKS mengenai garis singgung persekutuan dalam lingkaran. Siswa mengkonstruksi rumus garis singgung persekutuan dalam lingkaran berdasarkan hasil pengamatan secara berkelompok Siswa menarik kesimpulan mengenai rumus garis singgung persekutuan dalam lingkaran berdasarkan hasil pengamatan. 	
Tahap Explanation		15 menit
 Menunjuk satu kelompok siswa untuk mempresentasikan hasil eksplorasinya. Memfasilitasi kegiatan tanya jawab antara kelompok yang mempresentasikan hasil ekspolrasi dengan kelompok lainnya, dengan 	 Memperentasikan hasil yang diperoleh dalam kegiatan eksplorasi dan diskusi kelompok Melaksanakan diskusi dan tanya jawab. Menjawab pertanyaan dari siswa dalam kelompok lain dengan bahasa sendiri, dibantu dengan arahan dari guru. 	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
cara meminta siswa untuk mengajukan pertanyaan dan menanggapi hasil eksplorasi mengenai garis singgung persekutuan dalam lingkaran yang dipresentasikan. • Memberikan informasi tambahan terhadap hasil eksplorasi siswa mengenai garis singgung persekutuan dalam lingkaran yang dipresentasikan. • Mengarahkan siswa apabila siswa kesulitan dalam menjawab pertanyaan.		
 Tahap Elaboration Meminta siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan garis singgung persekutuan dalam lingkaran. 	Siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan garis singgung persekutuan dalam lingkaran.	15 menit
 Tahap Evaluation Mendorong siswa untuk bertanya dan mengevaluasi diri. Memberikan kesempatan kepada siswa untuk menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Memberikan soal evaluasi individu mengenai garis singgung persekutuan dalam lingkaran. 	 Mengajukan pertanyaan dan mengevaluasi diri. Menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Mengerjakan soal evaluasi yang diberikan secara individu. 	10 menit
Penutup		5 menit
Memberikan PR dan menginformasikan materi yang akan dipelajari pada pertemuan selanjutnya.	 Siswa menyimak dan mencatat PR Berdoa dengan dipimpin oleh ketua kelas 	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
Menutup pembelajaran.		

- 1. Buku pelajaran Matematika kelas VIII
 - Nurharini, D & Wahyuni, T. (2008). Matematika Konsep dan Aplikasinya untuk SMP/MTs. Kelas VIII. Jakarta: Pusat Perbukuan Departemen Pendidikan Nasional.
- Adinawan, M. C & Sugijono. (2007). Matematika untuk SMP Kelas VIII
 Semester 2. Jakarta: Erlangga.
- 3. Lembar Kerja Siswa (LKS)

Teknik Penilaian	Bentuk Instrumen	Instrumen Penilaian
Tes Tertulis	Uraian	1. Perhatikan gambar! R P. Q. Disebut apakah:a) garis AB? b) garis KL? 2. dua buah lingkaran O dan P, masing-masing berjari-jari 5 cm dan 2 cm. Jarak antara O dan P 25 cm, QR merupakan garis persekutuan dalam lingkaran O dan P. Gambarkan permasalahan tersebut dan hitunglah panjang garis QR.

205

RENCANA PELAKSANAAN PEMBELAJARAN

(Kelas Eksperimen)

Sekolah : SMP

Mata Pelajaran : Matematika

Kelas/Semester : VIII/2

Pertemuan ke- : 10

Alokasi Waktu : 2×40 menit

A. Standar Kompetensi

4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya.

B. Kompetensi Dasar

4.4 Menghitung panjang garis singgung persekutuan dua lingkaran.

C. Indikator

1. Kognitif

a. Indikator Proses

Menurunkan konsep/rumus panjang garis singgung persekutuan luar dua lingkaran.

b. Indikator Produk

- Menemukan rumus garis singgung persekutuan luar dua lingkaran.
- 2) Menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan garis singgung persekutuan luar dua lingkaran.
- 3) Menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan garis singgung persekutuan luar dua lingkaran.

2. Afektif

Indikator Self-Regulated Learning:

- a. Berinisiatif belajar dengan atau tanpa bantuan orang lain;
- b. Mendiagnosa kebutuhan belajarnya sendiri;
- c. Merumuskan/memilih tujuan belajar;
- d. Memilih dan menggunakan sumber;

206

e. Memilih strategi belajar, dan mengevaluasi hasil belajarnya;

f. Bekerjasama dengan orang lain;

g. Membangun makna; dan

h. Mengontrol kontrol diri.

D. Tujuan Pembelajaran

1. Kognitif

a. Tujuan Proses

Diberikan jangka, penggaris, kertas karton, LKS garis singgung dalam dua lingkaran, siswa dapat menggambar garis singgung persekutuan luar (GSPL) dua lingkaran dan menurunkan konsep/rumus GSPL dua lingkaran.

b. Tujuan Produk

- Diberikan model lingkaran, siswa dapat menentukan dan menghitung garis singgung persekutuan luar dua lingkaran dalam penyelesaian masalah.
- 2) Siswa memiliki kemampuan koneksi matematis yang baik, berkaitan dengan garis singgung persekutuan luar dua lingkaran.
- 3) Siswa memiliki kemampuan komunikasi matematis yang baik, yang berkaitan dengan garis singgung persekutuan luar dua lingkaran.

2. Afektif

Siswa memiliki SRL yang tinggi dalam mempelajari garis singgung persekutuan luar dua lingkaran.

E. Materi Pembelajaran

Garis Singgung Persekutuan Luar Dua Lingkaran.

F. Metode Pembelajaran

Model : Learning Cycle 5E

Metode : Tanya Jawab, Penemuan, Presentasi, Latihan dan

Penugasan

Media : Papan tulis dan alat tulis

G. Proses Pembelajaran

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
Pendahuluan		5 menit
 Mengkondisikan siswa untuk siap belajar, berdoa dan mengabsen siswa. Menyampaikan tujuan pembelajaran. 	 Menyiapkan diri untuk belajar dan berdoa. Menyimak pemaparan guru. 	5 monit
Tahap Engagement		5 menit
 Menggali pengetahuan awal siswa mengenai garis singgung persekutuan dalam lingkaran diantaranya teorema Pythagoras, operasi bentuk akar, perpangkatan. Mengases pengetahuan awal siswa mengenai garis singgung persekutuan persekutuan luar lingkaran. Menceritakan kepada siswa mengenai peristiwa seharihari yang berkaitan dengan garis singgung luar lingkaran untuk menarik minat dan membangkitkan rasa ingin tahu siswa Guru memberikan pertanyaan mengenai garis singgung persekutuan luar dua lingkaran untuk membangkitkan dan mendorong minat belajar siswa. Tahap Exploration 	 Mendengarkan penjelasan guru. Menjawab pertanyaan yang diberikan guru 	25 menit
Membagi siswa dalam	Siswa bergabung dengan	
beberapa kelompok, setiap kelompok terdiri atas 5-6	teman sekelompoknya • Melakukan eksplorasi dan	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
 siswa. Membagikan LKS mengenai garis singgung persekutuan luar dua lingkaran pada setiap kelompok. Meminta siswa berdiskusi dalam kelompok untuk melakukan kegiatan eksplorasi mengenai permasalahan sesuai dengan langkah-langkah yang terdapat di LKS. Membimbing memfasilitasi siswa dalam melakukan eksplorasi dan berdiskusi dalam kelompok. Meninjau kegiatan eksplorasi dan pemngumpulan data yang 	berdiskusi dengan teman sekolmpoknya untuk mengisi LKS mengenai garis singgung persekutuan luar dua lingkaran. Siswa mengkonstruksi rumus garis singgung persekutuan luar dua lingkaran berdasarkan hasil pengamatan secara berkelompok Siswa menarik kesimpulan mengenai rumus garis singgung persekutuan luar dua lingkaran berdasarkan hasil pengamatan.	
dilakukan siswa Tahap Explanation		15 menit
 Menunjuk satu kelompok siswa untuk mempresentasikan hasil eksplorasinya. Memfasilitasi kegiatan tanya jawab antara kelompok yang mempresentasikan hasil ekspolrasi dengan kelompok lainnya, dengan cara meminta siswa untuk mengajukan pertanyaan dan menanggapi hasil eksplorasi mengenai garis singgung persekutuan luar dua lingkaran yang dipresentasikan. Memberikan informasi tambahan terhadap hasil 	 Memperentasikan hasil yang diperoleh dalam kegiatan eksplorasi dan diskusi kelompok Melaksanakan diskusi dan tanya jawab. Menjawab pertanyaan dari siswa dalam kelompok lain dengan bahasa sendiri, dibantu dengan arahan dari guru. 	

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
eksplorasi siswa mengenai garis singgung persekutuan luar dua lingkaran yang dipresentasikan. • Mengarahkan siswa apabila siswa kesulitan dalam menjawab pertanyaan. Tahap Elaboration		15 menit
 Meminta siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan garis singgung persekutuan luar dua lingkaran. Tahap Evaluation 	Siswa menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan garis singgung persekutuan luar dua lingkaran.	10 menit
 Mendorong siswa untuk bertanya dan mengevaluasi diri. Memberikan kesempatan kepada siswa untuk menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Memberikan soal evaluasi individu mengenai garis singgung persekutuan luar dua lingkaran. 	 Mengajukan pertanyaan dan mengevaluasi diri. Menyampaikan hal-hal yang telah diperoleh dalam pembelajaran. Mengerjakan soal evaluasi yang diberikan secara individu. 	
Penutup	1	5 menit
 Memberikan PR dan menginformasikan materi yang akan dipelajari pada pertemuan selanjutnya. Menutup pembelajaran. 	 Siswa menyimak dan mencatat PR Berdoa dengan dipimpin oleh ketua kelas 	

1. Buku pelajaran Matematika kelas VIII

Nurharini, D & Wahyuni, T. (2008). Matematika Konsep dan Aplikasinya untuk SMP/MTs. Kelas VIII. Jakarta: Pusat Perbukuan Departemen Pendidikan Nasional.

- 2. Adinawan, M. C & Sugijono. (2007). Matematika untuk SMP Kelas VIII 2B Semester 2. Jakarta: Erlangga.
- 3. Lembar Kerja Siswa (LKS)

Teknik Penilaian	Bentuk Instrumen	Instrumen Penilaian
Tes Tertulis	Uraian	 Panjang jari-jari dua lingkaran masingmasing 7cm dan 1cm. Jika jarak antara titik pusatnya 10cm, berapakah panjang garis singgung persekutuan luar. Perhatikan gambar di bawah ini. Panjang diameter lingkaran M 18 cm, panjang jari-jari lingkaran N 6 cm. Berapa
	,	

Lampiran B.3 RPP Kelas Kontrol

RENCANA PELAKSANAAN PEMBELAJARAN (Kelas Kontrol)

Sekolah : SMP

Mata Pelajaran : Matematika Kelas/Semester : VIII/2

Pertemuan ke- : 1

Alokasi Waktu : 2×40 menit

A. Standar Kompetensi

4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya.

B. Kompetensi Dasar

4.1 Menentukan unsur dan bagian-bagian lingkaran.

C. Indikator

1. Kognitif

- a. Indikator Proses
 - 1) Menyebutkan definisi lingkaran.
 - 2) Menyebutkankan unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran.

b. Indikator Produk

- 1) Menentukan pusat lingkaran, jari-jari, diameter, busur, talibusur, juring dan tembereng.
- 2) Menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran.
- 3) Menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran.

2. Afektif

Indikator Self-Regulated Learning:

- a. Berinisiatif belajar dengan atau tanpa bantuan orang lain;
- b. Mendiagnosa kebutuhan belajarnya sendiri;
- c. Merumuskan/memilih tujuan belajar;
- d. Memilih dan menggunakan sumber;

212

- e. Memilih strategi belajar, dan mengevaluasi hasil belajarnya;
- f. Bekerjasama dengan orang lain;
- g. Memonitor, mengatur dan mengontrol belajar.
- h. Konsep diri

D. Tujuan Pembelajaran

1. Kognitif

a. Tujuan Proses

Siswa dapat memahami definisi lingkaran dan unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran melalui penjelasan guru dan kegiatan tanya jawab.

b. Tujuan Produk

- 1) Siswa dapat menentukan pusat lingkaran, jari-jari, diameter, busur, tali busur, juring dan tembereng.
- 2) Siswa dapat menyelesaikan masalah koneksi matematis yang berkaitan dengan unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran.
- 3) Siswa dapat menyelesaikan masalah komunikasi matematis yang berkaitan dengan unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran.

2. Afektif

Siswa memiliki SRL yang tinggi dalam mempelajari unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran.

E. Materi Pembelajaran

Definisi Lingkaran, Definisi Unsur-Unsur dan Bagian-Bagian Lingkaran.

F. Metode Pembelajaran

Model : Direct Instraction

Metode : Ekspositori, Tanya Jawab, dan Pemberian Tugas

Media : Papan Tulis dan Alat Tulis

G. Proses Pembelajaran

Kegiatan Guru	Kegiatan Siswa	Alokasi Waktu
Pendahuluan		10 menit

 Mengkondisikan siswa untuk siap belajar, berdoa dan mengabsen siswa. Menyampaikan tujuan pembelajaran. Memberi apersepsi memberi motivasi dengan memberi penjelasan tentang pentingnya mempelajari unsur- unsur dan bagian-bagian lingkaran. 	 Menyipakan diri untuk belajar dan berdoa. Menyimak pemaparan guru. 	
Kegiatan inti		60 menit
 Eksplorasi Memberikan stimulus berupa pemberian materi mengenai unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran. Melakukan tanya jawab mengenai unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran. Elaborasi 	 Menyimak dan mencatat penjelasan guru. Bertanya jawab mengenai unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran. 	
 Memberikan latihan soal mengenai unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran. Memfasilitasi siswa untuk menyajikan hasil mengerjakan laithan soal mengenai unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran, dengan cara menunjuk beberapa siswa untuk menuliskan hasil kerjanya di papan tulis. Konfirmasi 	 Mengerjakan latihan soal mengenai unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran. Menyajikan hasil pekerjaan latihan soal mengenai unsur-unsur dan bagian- bagian lingkaran di papan tulis. 	
 Memberikan umpan balik positif dan penguatan dalam bentuk lisan, tulisan terhadap hasil kerja siswa. Memfasilitasi siswa melakukan refleksi untuk memperoleh pengalaman belajar yang telah dilakukan, dengan cara menjadi fasilitator 	 Menyimak dan mencatat penjelasan guru Melakukan refleksi untuk memperoleh pengalaman belajar yang telah dilakukan. 	

dalam menjawab pertanyaan

siswa yang mengalami kesulitan dan memberi motivasi kepada siswa yang mengalami kesulitan. Penutup		10 menit
 Guru bersama siswa melakukan refleksi terhadap proses pembelajaran yang telah berlangsung. Memberikan PR dan menginformasikan materi yang akan dipelajari pada pertemuan selanjutnya. Menutup pembelajaran. 	 Siswa bersama guru melakukan refleksi terhadap proses pembelajaran yang telah berlangsung. Siswa menyimak dan mencatat penjelasan guru. Berdoa dengan dipimpin oleh ketua kelas 	

- Buku pelajaran Matematika kelas VIII Nurharini, D & Wahyuni, T. (2008). Matematika Konsep dan Aplikasinya untuk SMP/MTs. Kelas VIII. Jakarta: Pusat Perbukuan Departemen Pendidikan Nasional.
- 2. Adinawan, M. C & Sugijono. (2007). Matematika untuk SMP Kelas VIII 2B Semester 2. Jakarta: Erlangga.

Teknik Penilaian	Bentuk Instrumen	Instrumen Penilaian
Tes Tertulis	Uraian	a. Sebutkan semua garis yang merupakan: i) Jari – jari ii) Apotema iii) Diameter iv) Tali Busur b. Pada gambar di atas terdapat dua daerah yang diarsir, sebutkan nama daerah yang diarsir, sebutkan nama daerah yang diarsir tersebut? 2. Jawablah pertanyaan berikut ini dan berikan penjelasannya. a. Apakah setiap diameter merupakan tali

busur? b. Apakah setiap tali busur merupakan diameter?
c. Disebut apakah tali busur terpanjang pada sebuah lingkaran?

Lampiran B.4 Lembar Kerja Siswa (LKS)

LEMBAR KEGIATAN SISWA (LKS) PERTEMUAN KE-1

KE	LOMPOK:	NAMA:
Α.	Standar Kompetensi	
11.		oagian lingkaran serta ukurannya.
R	Kompetensi Dasar	agian ingkaran serta ukurannya.
ъ.	-	dan hagian hagian lingkayan
~		dan bagian-bagian lingkaran
C.	Materi	
	Unsur-unsur dan bagia	n-bagian lingkaran.

UNSUR-UNSUR DAN BAGIAN-BAGIAN LINGKARAN

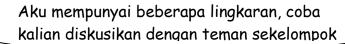
Apa itu lingkaran?

Lingkaran merupakan suatu bentuk benda yang sering kita jumpai dalam kehidupan sehari-hari. Banyak benda-benda dalam kehidupan sehari-hari yang berbentuk lingkaran, seperti pada gambar berikut ini.



Sumarni, 2014

PENERAPAN LEARNING CYCLE 5E UNTUK MENINGKATAN KEMAMPUAN KONEKSI DAN KOMUNIKASI MATEMATIS SERTA SELF-REGULATED LEARNING MATEMATIKA SISWA Universitas Pendidikan Indonesia | repository.upi.edu | perpustakaan.upi.edu





Diberikan beberapa model lingkaran kepada siswa.

1. Perhatikan model lingkaran di depanmu, diskusikan dengan teman sekelompokmu. Gambarkan dan tuliskan unsur-unsur dan bagian-bagian dari lingkaran dalam tabel berikut. (jika sulit, diperbolehkan menamai pada model lingkaran, misal A, O, B dan seterusnya)

Gambar	Unsur-unsur dan Bagian-bagian Lingkaran
	···

2. Diskusikan dengan teman sekelompokmu, tuliskan pengertian masing-masing unsur dan bagian lingkaran tersebut berdasarkan hasil pengamatan di atas.

Unsur-unsur dan Bagian-bagian Lingkaran	Pengertian
•••	
•••	•••
•••	•••

•••	•••
•••	•••
	···

3.	Setelah kalian menemukan dan mendefinisikan unsur-unsur dan bagian- bagain lingkaran, dapatkah kalian menjelaskan hubungan antara unsur-unsur lingkaran? Diskusikan dengan teman sekelompokmu mengenai hubungan jari-jari dan diameter, tali busur dan diamater pada tabel belikut.

4. Perhatikanlah model lingkaran di depanmu, gambarkan dan tuliskan busur kecil, busur besar. Diskusikan dengan teman dalam satu kelompokmu. (jika sulit, diperbolehkan menamai pada model lingkaran, misal A, O, B dan seterusnya)

Gambar	Nama busur

5. Diskusikan dengan teman sekelompokmu, tuliskan pengertian busur kecil dan busur besar berdasarkan hasil pengamatan di atas.

Nama busur	Definisi
Busur Kecil	

	Busur Besar		
6.	Perhatikanlah model lingkaran di depanmu, gambarkan dan tuliskar tembereng kecil dan tembereng besar. Diskusikan dengan teman dalam satu kelompokmu. (jika sulit, diperbolehkan menamai pada model lingkaran misal A, O, B dan seterusnya)		
	Gamba	r	Nama tembereng
7.	Diskusikan dengan teman sekelompokmu, tuliskan pengertian tembereng kecil dan tembereng besar berdasarkan hasil pengamatan di atas.		
	Nama busur	Definisi	
	Tembereng Kecil		
	Tembereng Besar		
8. Perhatikanlah model lingkaran di depanmu, ga tembereng kecil dan tembereng besar. Diskusikan d kelompokmu. (jika sulit, diperbolehkan menamai misal A, O, B dan seterusnya)		. Diskusikan dengan teman dalam satu	
	Gambar		Nama Juring

9. Diskusikan dengan teman sekelompokmu, tuliskan pengertian juring kecil dan juring besar berdasarkan hasil pengamatan di atas.

Nama juring	Definisi	
Juring Kecil		
Juring Besar		

10. Buatlah sebuah lingkaran dengan pusat O, tentukan tiga titik (misal A, B, C) dan tuliskan pada keliling lingkaran. Ukurlah jarak dari titik pu lingkaran ke masing-masing titik yang ada pada lingkaran, bagaimana ja titik pusat dengan titik-titik yang ada di keliling lingkaran. tuliskan ha pengamatan yang kalian temukan pada tabel dibawah ini.	ısat rak
11. Jadi dapatkah kalian menyimpulkan pengertian lingkaran? Tuliskan duga sementara kalian pada kolom berikut.	aan

Tugas 2

O

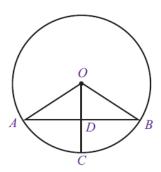
1. Setelah mendiskusikan unsur-unsur dan bagian-bagian lingkaran, jawablah pertanyaan berikut.

Perhatikan gambar	Sebutkan garis yang	Jawab:
di bawah ini	merupakan:	

Sumarni, 2013 PENERADAN LEARNING EXCLE 5E UNTUK MENINGKATAN KEMAMPUAN KONEKSI DAN KOMUNIKASI MATEMATIS SERTA SELF-REGULATED LEARNING MATEMATIKA SISWA Universitas Pendirikan Indonesia repository.upi.edu | perpustakaan.upi.edu

Jari-jari	
Diameter	
Tali busur	
Apotema	

2. Perhatikan gambar di bawah ini.

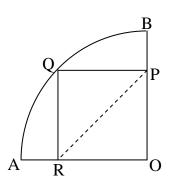


Jika panjang jari-jari lingkaran tersebut adalah 25 cm dan panjang AB adalah 48 cm. Berapakh panjang:

- a. Diameter lingkaran di atas, benarkah jawabanmu jelaskan.
- b. Garis apotema OD, konsep apa yang digunakan untuk mencari panjang garis apotema?

3. Perhatikan gambar di samping.

Gambar di samping merupakan bangun $\frac{1}{4}$ lingkaran dengan titik pusat O dan panjang jari-jari 12 cm. OPQR adalah persegi dengan PR sebagai diagonal persegi. Berapakah panjang diagonal PR? Jelaskan jawabanmu.



LEMBAR KEGIATAN SISWA (LKS) PERTEMUAN KE-2

KELOMPOK:		NAMA:	
A.	Standar Kompetensi		
	4. Menentukan unsur, b	pagian lingkaran serta ukurannya.	
В.	Kompetensi Dasar		
	4.1 Menghitung keliling	g dan luas lingkaran	
C.	Materi		
	Lingkaran		

MENEMUKAN NILAI PI (π)

Doremon, pi
(π) itu apa ya
??

Pi (π) itu adalah suatu nilai pendekatan.



Lalu, bagaimana cara menemukan nilai pi (π)



Wah, aku juga tidak tahu. bantu kita ya teman, untuk menemukan nilai pi (π) .

Tugas 1

Diberikan beberapa benda berbentuk lingkaran dengan berbagai ukuran, karton, benang dan penggaris.

- 1. Perhatikan beberapa benda yang berbentuk lingkaran di depan kalian, Jiplaklah benda-benda yang berbentuk lingkaran pada kertas karton yang tersedia.
- 2. Ukurlah keliling masing-masing benda yang berbentuk lingkaran tersebut. Diskusikan dengan teman satu kelompok, bagaimanakah cara mengukurnya? Jelaskan.

3. Setelah mengkur kelilingnya, ukurlah diameter masing-masing lingkaran yang telah dijiplak pada kertas karton. Diskusikan dengan teman satu kelompok, bagaimana cara mengukur diameternya? Jelaskan.

	0	<u> </u>
I		

4.	Tuliskan hasil pen	gukuran yang te	lah kalian lakukan d	dalam tabel berikut.
	Lingkaran	Diameter	Keliling	keliling lingkaran
	I			diameter
	II			
	III			
	IV			
	V			
5.	kalkulator untuk n Berdasarkan tabel	nenghitungnya. I hasil pengama kusikan dengan	tan, hitung nilai r	pada kolom ke-4, gunakan ata-rata untuk hasil pada npokmu, bagaimana cara
6.	=	atan di atas apa	yang dapat kalian s	menemukan nilai pi (π). simpulkan mengenai nilai
	Tugas 2			

Dalam rangka menyambut tamunya, ibu akan mempercantik toples kue dengan cara melilitkan pita pada keliling tutup toples. Tutup toples ibu berdiameter 13 cm. Berapa panjang pita yang diperlukan ibu untuk menghias 5 buah toples kuenya? Ayo kita bantu ibu untuk mengetahui panjang pita yang diperlukan untuk menghias toplesnya. Untuk dapat membantu ibu kalian harus melakukan kegiatan di bawah ini terlebih dahulu. 1. Setelah kalian menemukan nilai pi (π) berdasarkan tugas 1, dapatkah kalian merumuskan keliling lingkaran? Diskusikan dengan teman satu kelompokmu, bagaimana cara merumuskannya? Jelaskan. 2. Dapatkah kalian merumuskan keliling lingkaran yang dihubungkan dengan jari-jari lingkaran? Diskusikan dengan teman dalam kelompokmu, bagaimana cara merumuskannya? Jelaskan.

Sumarni, 2014

3. Apa yang dapat kalian simpulkan mengenai keliling lingkaran? Jelaskan

Tug	as 3	
Joh	man	diala

Setelah mendiskusikan nilai pi (π) dan keliling lingkaran, jawablah pertanyaan berikut.

- 1. Sebuah lingkaran berpusat di O memiliki panjang diameter 4 cm.
 - a. Gambarkan lingkaran tersebut, berapakah panjang jari-jari lingkaran tersebut, jelaskan jawabanmu?

b.	Berapakah keliling lingkaran tersebut.

- 2. Panjang jari-jari ban sepeda motor adalah 25 cm.
 - a. Berapakah panjang diameter ban sepeda motor tersebut, jelaskan jawabanmu.
 - b. Berapakah keliling ban sepeda motor tersebut.
 - c. Jika roda tersebut berputar sebanyak 200 kali, berapa jarak yang ditempuh sepeda motor?

3.	Sel	buah taman berbentuk lingkaran memiliki keliling 176 m.
	a.	Berapakah diamater taman tersebut, jelaskan jawabanu
	b.	Berapakah jari-jari taman tersebut, bagaimana cara menentukan jari-jari
	_	taman tersebut? Jelaskan.

LEMBAR KEGIATAN SISWA (LKS) PERTEMUAN KE-3

KELOMPOK:	NAMA:
A. Standar Kompetensi	
4. Menentukan unsur, l	bagian lingkaran serta ukurannya.
B. Kompetensi Dasar	
4.2 Menghitung keliling	g dan luas lingkaran
C. Materi	
Luas Lingkaran	

Menemukan Rumus Luas Lingkaran

Dalam rangka menyambut tamunya, ibu akan mempercantik toples kue dengan cara melapisi tutup toples dengan menggunakan kertas kado. Tutup toples ibu panjang diamaetrnya berukuran 13 cm. Berapa luas kertas kado yang diperlukan ibu untuk melapisi satu tutup toples kuenya? Ayo kita bantu ibu untuk mengetahui kertas kado yang diperlukan untuk melapisi tutup toplesnya. Untuk membantu ibu kalian harus melakukan kegiatan di bawah ini terlebih dahulu.





Tugas 1

2.

1. Buatlah lingkaran dengan panjang jari-jarii 10 cm pada kertas karton yang tersedia.

Bagilah lingkaran tersebut menjadi dua bagian yang sama besar dengan cara

			•	Arsirlah		_		seter
lingkaran	yang terbe	entuk. C	3 ambarka	ın pada ko	lom d	ibawah i	ini.	
		_		<u></u>				
		1 4	maniadi	10 buch	innina	Combo	1	
Ragilah i	ingkaran te	erseniit	шешась	i z bijan i	1111 1119	· viaiiiba	irkan na	da ko
_	lingkaran te ini	ersebut	menjadi	12 buan	jurnig	. Gaiiiba	ırkan pa	da ko
Bagilah l dibawah	•	ersebut	menjadi	12 buan j	Jurnig	. Gaiiioa	ırkan pa	da ko
_	•	ersebut		12 buan	jui iiig	. Gainba	ırkan pa	da ko
_	•	ersebut		12 buan j	jui iiig	. Gainoa	ırkan pa	da Ko
_	•	ersebut		12 buan j	jui ilig	. Gamba	ırkan pa	da ko
_	•	ersebut	menjadi 	12 buan j	jui ilig	. Gamoa	irkan pa	da ko
_	•	ersebut	menjadi	12 buan j	jui ilig	. Gainoa	ırkan pa	da ko

4. Bagilah salah satu juring yang terbentuk pada gambar di atas menjadi dua bagian bagian yang sama besar. Gambarkan pada kolom dibawah ini.

5.	Guntinglah lingkaran-lingkaran tersebut, sesuai dengan juring-juring yang terbentuk. Kemudian letakan potongan-potongan juring tersebut secara berdampingan sehingga membentuk bangun yang menyerupai persegi panjang. Gambarkan pada kolom di bawah ini.
_	
6.	Jika lingkaran tersebut dibagi menjadi juring-juring lingkaran yang lebih kecil, misalnya di bagi menjadi 24 juring, 48 juring dan seterusnya, kemudian potongan-potongan juring tersebut diletakan secara berdampingan maka
_	bangun yang terbentuk hampir mendekati bentuk persegi panjang.
7.	Diskusikan dengan teman dalam satu kelompok untuk menentukan panjang dan lebar yang menyerupai persegi panjang tersebut. Tuliskan hasil diskusi
	pada kolom di bawah ini.
	Panjang = $\frac{1}{2} \times \dots$
	Lebar =
8.	Apa yang dapat disimpulkan mengenai luas lingkaran berdasarkan kegiatan di atas. Diskusikan bersama teman dalam satu kelompok.
	Luas lingkaran = Luas yang terbentuk
	= panjang × lebar

	$=\frac{1}{2}\times \ldots \times \ldots$
	= ×
	=
9.	Tuliskan kesimpulan konsep luas lingkaran berdasarkan kegiatan yang telah dilakukan pada kolom di bawah ini.
	Tugas 2
;	Sebuah alat penyiram taman dapat menyemprotkan air secara berputar, sehingga menghasilkan daerah penyiraman berbentuk lingkaran. Jika jarak semprotan terjauh dari alat tersebut adalah 15 cm, berapakah luas taman yang dapat disiram dengan alat tersebut
	Sebuah lingkaran mempunyai luas 330 cm ² dan π = 3,14. Berapakah diameter lingkaran tersebut? Bagaimana cara menghitung diamater lingkaran tersebut, uraikan langkah-langkahnya.

	34 cn	tersebut?	menghitun	g luas bang	gun tersebut?
L	LEMRA	R KEGIAT	ran sisw	A (LKS)	

PERTEMUAN KE- 4 KELOMPOK · NAMA ·

KELOMPOK:	NAMA:

- A. Standar Kompetensi
 - 4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya.
- B. Kompetensi Dasar
 - 4.3 Menggunakan hubungan sudut pusat, panjang busur, luas juring dalam pemecahan masalah
- C. Materi

Sudut pusat dan sudut keliling

Hubungan Sudut Pusat dan Sudut Keliling yang Menghadap Busur yang Sama

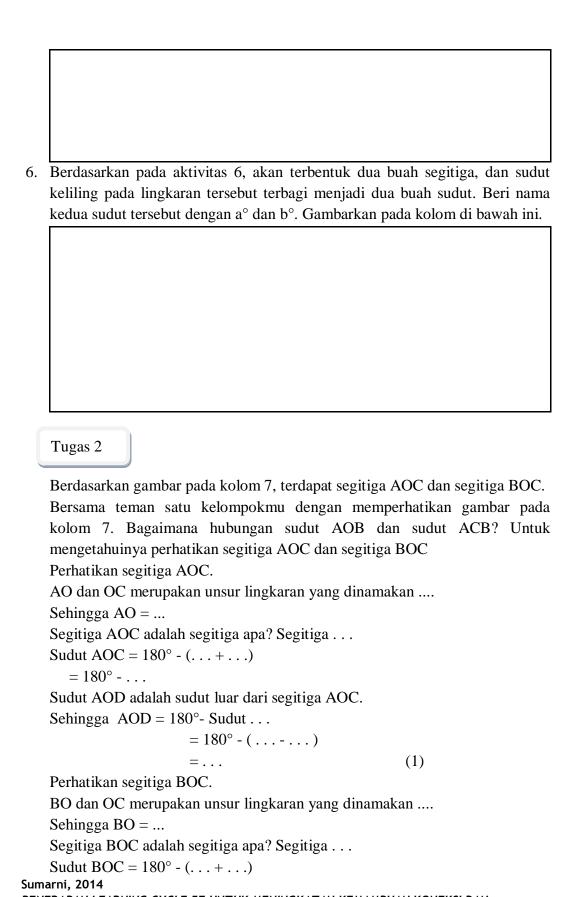
Perhatikan gambar di bawah ini.

Dapatkah kita mengetahui berapa besar sudut POQ, tanpa mengukurnya menggunakan busur derajat. Untuk dapat mengetahui besar sudut POQ tanpa mengukurnya menggunakan busur derajat, kita harus mempelajari hubungan sudut pusat dan sudut keliling yang menghadap busur yang sama. Ayo kita belajar bersama.

Tugas 1

1.	Buatlah lingkaran dengan titik pusat O, tentukan dua titik A dan B pada keliling lingkaran. Kemudian tarik garis antara titik pusat dengan titik titik pada keliling lingkaran. Gambarkan pada kolom di bawah ini.		
2.	Gambar di atas merupakan sudut pusat lingkaran. Melalui diskusi dengan teman satu kelompok diskusikan apa yang dimaksud dengan sudut pusat. Tuliskan hasil diskusi pada kolom di bawah ini.		

3.	Buatlah lingkaran dengan titik pusat O, tentukan tiga titik A, B dan C pada keliling lingkaran. Kemudian tarik garis dari satu titik pada keliling lingkaran pada dua titik lain pada keliling lingkaran. Gambarkan pada kolom di bawah ini.
4.	Gambar di atas merupakan sudut keliling lingkaran. Melalui diskusi dengan teman satu kelompok diskusikan apa yang dimaksud dengan sudut keliling. Tuliskan hasil diskusi pada kolom di bawah ini.
5.	Buatlah lingkaran dengan titik pusat O dan tiga titik A, B dan C pada keliling lingkaran. Buat sudut pusat dan sudut keliling yang menghadap busur yang sama pada lingkaran. Gambarkan pada kolom di bawah ini.
6.	Tarik garis lurus dari titik sudut keliling melalui titik pusat lingkatan, sehingga terbntuk dua buah segitiga, beri nama titik pada perpotongan garis dengan keliling lingkaran (misal D). Gambarkan pada kolom di bawah ini.



$$= 180^{\circ} - \dots$$

Sudut BOD adalah sudut luar dari segitiga BOC.

Sehingga sudut BOD =
$$180^{\circ}$$
 - sudut . . .

$$= 180^{\circ} - (\dots - \dots)$$

= ... (2)

Berdasarkan persamaan (1) dan (2).

Sudut AOB = Sudut ... + Sudut ...

$$= ... + 2b^{\circ}$$

$$= 2 (... + b^{\circ})$$

$$= 2 \times \text{sudut ACB}$$

Sudut ACB adalah Sudut ... Lingkaran.

Sudur AOB adalah Sudut ... Lingkaran.

Berdasarkan kegiatan di atas apa yang dapat kalian simpulkan mengenai hubungan sudut pusat dan sudut keliling? Diskusikan dengan teman ssatu kelompokmu dan tuliskan hasil diskusi kalian pada kolom berikut.

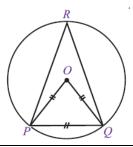
Besar sudut pusat = $... \times Sudut ...$

Besar sudut keliling = $... \times$ Sudut ...

Latihan

1. Perhatikan gambar di samping.

Segitiga POQ adalah segitiga sama sisi. Dapatkah kalian menentukan besar sudut PRQ, sudut RPO dan sudut RQO? Berapa besar sudut PRQ, sudut RPO dan sudut RQO?



O

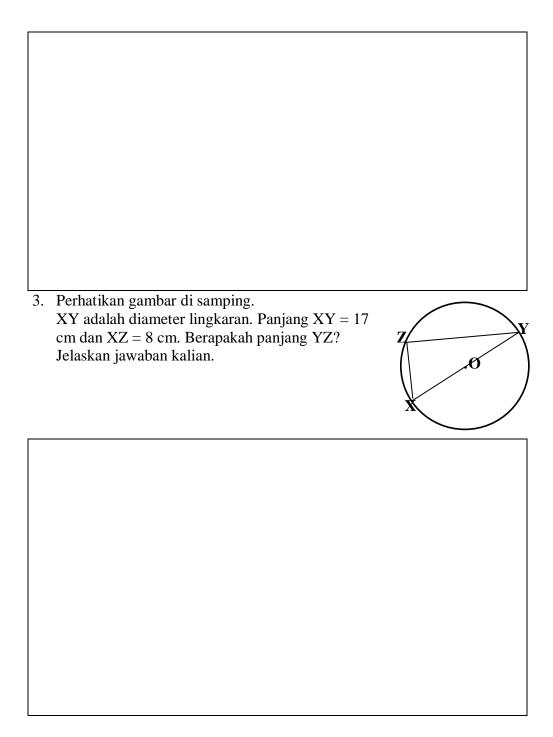
2. Perhatikan gambar di samping.

Besar sudut BAC = 66° dan sudut ACD = 44° . Berapakah besar sudut ABD dan sudut BDC? jelaskan.

Sumarni, 2014

PENERAPAN LEARNING CYCLE 5E UNTUK MENINGKATAN KEMAMPUAK KONEKSI DAN KOMUNIKASI MATEMATIS SERTA SELF-REGULATED LEARNING MATEMATIKA SISWA

Universitas Pendidikan Indonesia | repository.upi.edu | perpustakaan.upi.edu



LEMBAR KEGIATAN SISWA (LKS) PERTEMUAN KE-5

KELOMPOK:	NAMA:

- A. Standar Kompetensi
 - 4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya.
- B. Kompetensi Dasar
 - 4.1 Menentukan unsur dan bagian-bagian lingkaran
- C. Materi

Besar Sudut Keliling jika Menghadap Diamater dan Busur yang Sama.

Besar Sudut Keliling jika Menghadap Diamater dan Busur yang Sama

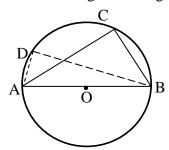
Perhatikan Gambar di bawah ini.

Berdasarkan gambar di samping dapatkah kita mengetahui besar masing masing ∠ ABC, ∠ ACB, dan ∠ BAC, tanpa mengukurnya menggunakan busur?
Bagaimana caranya?

Tugas 1

Diberikan sebuah model lingkaran

1. Perhatikan gambar lingkaran di bawah ini.



2. Berdasarkan gambar di atas, garis AB merupakan ... lingkaran.

Berapa besar ∠ ADB dan ∠ ACB? Untuk mengetahuinya diskusikan dengan teman dalam satu kelompokmu.

3. Apakah ∠ ADB dan ∠ AOB menghadap busur AB? . . .

Berapa besar ∠AOB? . . . , Mengapa? Karena, . . .

∠ADB merupakan sudut . . . Lingkaran.

∠AOB merupakan sudut . . . Lingkaran.

4. Ingatkah kalian pada pokok bahasan yang lalu, bagaimana hubungan sudut keliling dan sudut pusat? Tuliskan pada kolom di bawah ini.

Berdasarkan hubungan sudut keliling dan sudut pusat, tuliskan besar ∠ADB pada kolom di bawah ini.

Besar
$$\angle ADB = \dots \times \angle \dots$$

$$= \dots \times \dots^{\circ}$$

$$= \dots^{\circ}$$

6. Bagaimana dengan besar ∠ACB? Apakah ∠ACB dan ∠AOB menghadap busur AB? . . .

Berapa besar ∠AOB? Mengapa? . . . , karena . . .

∠ACB merupakan sudut . . . Lingkaran.

∠AOB merupakan sudut . . . Lingkaran.

7. Berdasarkan hubungan sudut keliling dan sudut pusat, tuliskan besar ∠ACB pada kolom di bawah ini.

Besar
$$\angle ACB = \dots \times \angle \dots$$

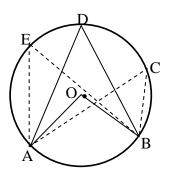
$$= \dots \times \dots^{\circ}$$

$$= \dots^{\circ}$$

8. Berdasarkan kegiatan di atas, bagaimana besar sudut keliling yang menghadap diamater (garis tengah) lingkaran. Diskusikan dengan teman dalam satu kelompok dan tuliskan kesimpulannya pada kolom di bawah ini.

Tugas 2

1. Perhatikan gambar dibawah ini



2. Berdasarkan gambar di atas diskusikan bersama teman satu kelompokmu.

∠ACB, ∠ADB dan ∠AEB merupakan sudut . . . Lingkaran.

∠ACB, ∠ADB dan ∠AEB menghadap busur . . .

Apakah ∠AOB juga mengh

adap busur AB?...

3. Berdasarkan hubungan sudut keliling dan sudut pusat. Tuliskan hubungan sudut ∠ACB, ∠ADB dan ∠AEB dengan ∠AOB pada kolom di bawah ini.

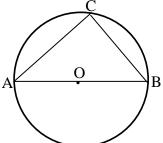
```
\angle ACB = ... \times \angle ...
\angle ADB = ... \times \angle ...
\angle AEB = ... \times \angle ...

Jadi, besar \angle ACB = \angle ... = \angle ...
```

4. Berdasarkan kegiatan di atas, bagaimana hubungan besar sudut-sudut keliling yang menghadap busur yang sama.Diskusikan dengan teman dalam satu kelompok dan tuliskan kesimpulannya pada kolom di bawah ini.

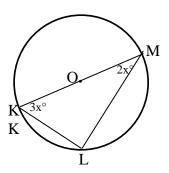
Latihan

1. Perhatikan gambar di bawah ini.



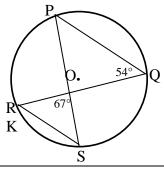
Pada gambar di samping, besar ∠BAC = 43° dan AB merupakan diamater lingkaran O. Berapakah besar ∠ABC? Mengapa? Jelaskan.

2. Perhatikan gambar di bawah ini.

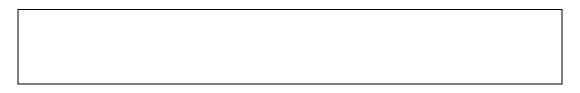


Pada gambar di samping, KM merupakan diamater lingkaran O. Berapakah besar ∠LMK dan ∠LKM? Mengapa? Jelaskan.

3. Perhatikan gambar di bawah ini.



Pada gambar di samping besar $\angle PQR = 54^{\circ}$ dan $\angle RTS = 67^{\circ}$. Berapakah besar $\angle PSR$, $\angle TRS$ dan $\angle QPS$



LEMBAR KEGIATAN SISWA (LKS) PERTEMUAN KE- 6

KELOMPOK:	NAMA:

- A. Standar Kompetensi
 - 4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya.
- B. Kompetensi Dasar
 - 4.2 Menghitung keliling dan luas lingkaran
- C. Materi

Hubungan Sudut Pusat, Panjang Busur, dan Luas Juring

Panjang Busur, Luas Juring dan Luas Tembereng

Ibu mempunyai sebuah pizza dengan ukuran jarijari pizza 12 cm, dan ibu akan membagi pizza tersebut menjadi kepada 6 bagian yang sama besar. Andi mendapat satu bagian dari potongan pizza tersebut, berapa besar bagian pizza yang Andi peroleh?

Ayo bantu Andi mengetahui berapa besar bagian pizza yang dia peroleh. Agar kalian mudah membantu Andi kerjakan tugas-tugas di bawah ini terlebih dahulu.



Tugas 1

- 1. Dengan menggunakan jangka, buatlah sebuah lingkaran dengan jari-jari 2 cm yang berpusat di O.
- 2. Bagilah lingkaran tersebut menjadi beberapa juring yang sama besar. (misalkan, lingkaran tersebut dibagi menjadi 8 juring yang sama besar). Beri nama A, B, C dan seterusnya pada titik titik yang terdapat di keliling lingkaran tersebut. Gambarkan kegiatan 1 dan 2 pada kolom berikut.

Amatilah bagian-bagian dari potongan lingkaran tersebut, mulai dari sudut pusat, luas juring hingga panjang busurnya. Diskusikan dengan teman satu kelompokmu mengenai 1) Berapa sudut pusat untuk satu bagian juring pada lingkaran yang telah kalian bagi menjadi 8 bagian (misal juring AOB)?
 Berapa panjang busur untuk satu bagian juring (misal juring AOB)?
 Berapa luas juring untuk satu bagian juring (misal juring AOB)?. Tuliskan hasil diskusi kalian pada kolom di bawah ini.

```
Besar sudut satu lingkaran penuh adalah . . . . °

Besar sudut untuk satu bagian juring adalah . . . . °

Keliling lingkaran = . . .

Panjang busur untuk satu bagian juring = . . . × Keliling lingkaran

Luas lingkaran = . . .

Luas juring AOB = . . . × Luas lingkaran.
```

4. Melalui diskusi dengan teman dalam satu kelompok, buatlah perbandingan sebagai berikut

```
\frac{besar \angle AOB}{besar \angle lingkaran} = \frac{...}{360^{\circ}} = \frac{...}{...}
\frac{panjangbusurAB}{kelilinglingkaran} = \frac{....}{....} = \frac{...}{...}
\frac{luasjuringAOB}{luaslingkaran} = \frac{....}{....} = \frac{...}{...}
```

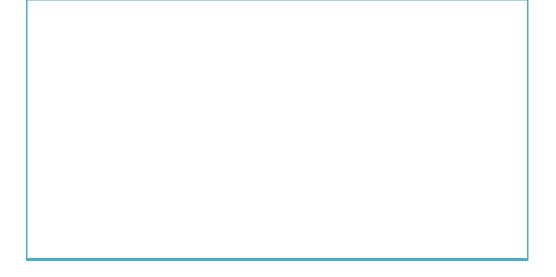
5. Berdasarkan kegiatan di atas apa yang dapat kalian simpulkan mengenai hubungan sudut pusat dengan sudut lingkaran terhadap panjang busur dan keliling lingkarann dan terhadap luas juring dan luas lingkaran. Diskusikan dengan teman dalam satu kelompokmu dan tuliskan hasil diskusi kalian pada kolom di bawah ini.

$$\frac{besar \angle AOB}{360^{\circ}} = \frac{panjangbusar...}{...} = \frac{luas...}{luasjuringAOB} = \frac{\angle AOB}{360^{\circ}} \times ...$$

$$panjangbusurAB = \frac{\angle AOB}{360^{\circ}} \times ...$$

Latihan

- 1. Sebuah lingkaran dengan pusat O diketahui titik A dan B terletak pada keliling lingkaran. Sudut AOB = 72° dan jari-jari lingkaran 2cm.
 - a. Gambarkan model lingkaran tersebut
 - b. Berapa luas juring AOB
 - c. Berapa panjang busur AB



2. O

Perhatikan lingkaran di samping. Panjang jari-jari lingkaran tersebut 5 cm, $\pi = 3,14$ Dapatkah kalian menghitung luas daerah yang diarsir? Bagaimana cara menentukan luas daerah yang diarsir?

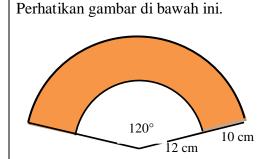


LEMBAR KEGIATAN SISWA (LKS) PERTEMUAN KE-7

KELOMPOK :		NAMA:
A.	Standar Kompetensi	
	4. Menentukan unsur, b	oagian lingkaran serta ukurannya.
В.	Kompetensi Dasar	
	4.2 Menghitung keliling	g dan luas lingkaran
C.	Materi	

Hubungan Sudut Pusat, Panjang Busur, dan Luas Juring

Hubungan Sudut Pusat, Panjang Busur, dan Luas Juring



Gambar di samping adalah kipas milik ibu, ibu ingin menghiasi bagian atas kipasnya dengan renda. Berapa panjang renda yang dibutuhkan ibu untuk menghias kipasnya? Ayo kita bantu ibu menghitung panjang renda yang dibutuhkan. Untuk membantu ibu menghitung panjang renda yang dibutuhkan, kita harus belajar materi hubungan sudut pusat, panjang busur dan luas juring.

Tugas 1

Diberikan jangka, busur, panggaris dan kertas karton

1. Dengan menggunakan jangka, buatlah sebuah lingkaran pada kertas karton dengan jari-jari 10 cm yang berpusat di O.

Sumarni, 2014

PENERAPAN LEARNING CYCLE 5E UNTUK MENINGKATAN KEMAMPUAN KONEKSI DAN KOMUNIKASI MATEMATIS SERTA SELF-REGULATED LEARNING MATEMATIKA SISWA Universitas Pendidikan Indonesia | repository.upi.edu | perpustakaan.upi.edu

2.	Buatlah sudut pusat yang besar sudutnya 30° beri nama (misal \angle AOB), buat kembali sudut pusat yang besarnya 90° beri nama (misal \angle COD)
3.	Gambarkan aktivitas 1 dan 2 pada kolom di bawah ini (gambarkan dengan jari-
	jari = 2cm).
4.	Jiplak juring AOB dan COD, kemudian potonglah kedua juring tersebut. Gambarkan juring AOB dan juring COD pada kolom dibawah ini.
5.	Bersama teman sekelompokmu diskusikan bagaimana hubungan antara sudut pusat dan panjang busur, dengan cara ukurlah panjang busur AB dan CD dengan menggunakan benang. (a) Berapa perbandingan panjang busur AB dan CD?; (b) Berapa perbandingan besar sudut AOB dan COD?; (c) Bagaimana perbandingan panjang busur dan besar sudut pusat? Tulisakan hasil diskusi kalian pada kolom di bawah ini.
	a.
	b.
	c.
6	Bersama teman sekelompokmu diskusikan bagaimana hubungan antara sudut

pusat dan luas juring. Dengan cara, ukurlah juring COD menggunakan juring AOB. (a) berapa perbandingan luas juring AOB dan luas juring COD? (b)

antara sudut pusat dan luas juring? Tulisakan hasil diskusi kalian pada kolom
di bawah ini.
a.
b.

berapa perbandingan sudut AOB dan sudut COD? (c) Bagaimana perbandingan

7. Berdasarkan kegiatan yang telah kalian lakukan, kesimpulan apa yang dapat kalian tarik mengenai perbandingan sudut pusat, perbandingan panjang busur dan perbandingan luas juring. Diskusikan bersama teman satu kelompokmu dan tuliskan hasil diskusi kalian pada kolom berikut.

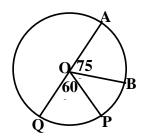
Perbandingan sudut pusat = perbandingan . . . = perbandingan . . .

Latihan

- 1. Sebuah lingkaran dengan pusat O diketahui titik P, Q, R dan S terletak pada keliling lingkaran. Sudut POQ = 25° dan sudut ROS = 125° dan panjang busur PO 12 cm.
 - a) Gambarkan model lingkaran tersebut
 - b) Berapa panjang busur RS?
 - c) Konsep apa yang digunakan untuk menentukan panjang busur RS?
 (diskusikan dengan teman satu kelompokmu dan tuliskan hasil diskusi kalian pada kolom di bawah ini).



2.



Perhatikan gambar di samping.

Pada gambar di samping luas juring AOB = 25 cm².

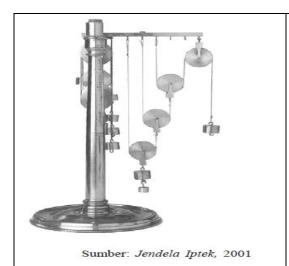
Berapakah luas juring POQ?

Dapatkah kalian menghitung jari-jari lingkaran disamping, bagaimana caranya? uraikan langkah-langkahnya.

3. Seorang anak harus minum tablet yang berbentuk lingkaran. Jika anak tersebut harus minum 1/3 tablet itu dan ternyata jari-jari tablet 0,7 cm. Berapakah luas tablet yang diminum?

LEMBAF	R KEGIATAN SISWA (LKS)		
	PERTEMUAN KE-8		
KELOMPOK: NAMA:			
B. Kompetensi Dasar	bagian lingkaran serta ukurannya. Ig garis singgung persekutuan dua lingkaran an		
G	aris Singgung Lingkaran		
	Gambar di samping merupakan gambar sebuah kerekan atau katrol. Pada gambar di samping terdapat beberapa katrol yang massing-masing dihubungkan oleh tali, masing-masing tali menyinggung bagian katrol. Bagian bawah katrol dihubungkan dengan sebuah pemberat. Dapatkah kalian menentukan panjang tali ytang menyinggung tiap katrol tersebut? Agar kalian dapat menghitung panjang tali		

tersebut kalian harus mempelajari



materi garis singgung lingkaran terlebih dahulu. Ayo kita mempelajarinya.

Tugas 1

Diberikan model lingkaran yang terbuat dari kertas karton dengan diameter 18 cm dan beberapa batang lidi.

1. Tentukan titik pusat dan diameter pada model lingkaran yang disediakan. Berilah nama pada titik pusat dan diamater lingkaran. (misal, O, AB). Buat dua titik dengan jarak masing-masing titik 3 cm pada jari-jari lingkaran yang telah dibuat (misal pada OA). Beri nama dua titik tersebut (misal P, Q). Gambarkan hasil konstruksi tersebut pada tabel berikut. (dengan jari-jari 3 cm)

2. Letakan tempelkan lidi melalui pusat lingkaran dan tegak lurus diameter lingkaran, dan beri nama lidi tersebut dengan k₁. Tempelkan lidi yang ke-dua pada titik yang ke-dua dengan tegak lurus, beri nama lidi tersebut dengan k₂. Letakan lidi yang ke-tiga pada titik yang ke-dua dengan tegak lurus, beri nama lidi tersebut dengan k₃. Gambarkan hasil konstruksi tersebut pada kolom dibawah ini.

- 3. Selanjutnya garis k₃ disebut dengan garis singgung lingkaran. Berdasarkan kegiatan konstruksi di atas, diskusikan bersama teman sekelompokmu apa definisi dari garis singgung lingkaran:
 - a) Apakah garis k₃ atau lidi memotong lingkaran hanya pada satu titik?
 - b) Apakah garis k3 atau lidi tetap tegak lurus terhadap OA?
 - a)
 - b)
- 4. Berdasarkan kegiatan di atas apa definisi dari garis singgung lingkaran. Tuliskan hasil diskusi dengan teman sekelompokmu pada kolom berikut.

Garis singgung suatu lingkaran adalah suatu garis yang memotong lingkaran hanya pada

Garis singgung suatu lingkaran tegak lurus terhadap ... lingkaran yang melalui titik singgungnya.

Tugas 2: melukis garis singgung lingkaran yang melalui titik pada lingkaran

- 1. Buatlah lingkaran dengan jari-jari 2 cm yang berpusat di titik O dengan titik A terletak pada lingkaran.
- 2. Buatlah jari-jari OA.
- 3. Perpanjang garis OA.
- 4. Lukis busur lingkaran dengan pusat A (panjang jari-jari kurang dari OA (misal 1 cm)) sehingga memotong OA dan perpanjangannya berilah nama titik P dan Q pada titik potomg busur dengan garis AO dan perpanjangannya.
- 5. Lukislah busur lingkaran dengan pusat P dan Q yang berjari-jari sama panjang, sehingga saling berpotongan di titik R dan S (panjang jari-jari harus lebih dari setengah PQ, misal 1,5 cm atau 2 cm)
- 6. Hubungkan titik R dan S, sehingga terbentuk garis RS

Lukiskan lang	kah 1-6 pada ko	olom di bawal	h ini.	

- 8. Berdasarkan konstruksi yang telah dilakukan, garis RS merupakan garis singgung lingkaran yang pusatnya di titik O.
 - a) Apakah A terletak pada lingkaran?
 - b) Berapakah garis singgung yang terbentuk yang melalui sebuah titik yang terletak pada lingkaran ?
- 9. Apa yang dapat disimpulkan berdasarkan konstruksi di atas, diskusikan dengan teman satu kelompok dan tuliskan kesimpulan pada kolom berikut.

Tugas 3: melukis garis singgung lingkaran yang melalui titik diluar lingkaran

- 1. Lukis lingkaran berjari-jari 2 cm dengan pusat O dan tentukan titik A di luar lingkaran.
- 2. Hubungkan titik O dan A
- 3. Lukis busur lingkaran dengan pusat O dan A yang berjari-jari sama panjang, sehingga kedua busur tersebut saling berpotongan. Berilah nama padakedua titikperpotongan busur tersebut dengan P dan Q.
- 4. Hubungkan titik P dan Q, sehingga memotong OA.Berilah nama pada perpotongan garis PQ dan OA dengan R.
- 5. Lukis lingkaran dengan pusat R dengan jari-jari RA, sehingga memotong lingkaran dengan pusat O pada dua titik. Berilah nama perpotongan tersebut dengan titik B dan C
- 6. Hubungkan titik A dengan titik B, dan titik A dengan titik C, sehingga diperoleh garis AB dan AC yang merupakan garis-garis singgung lingkaran.

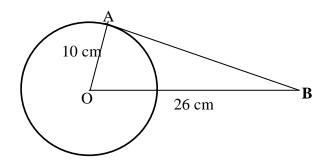
٠.	Gambarkan langkan 1-6 pada kolom berikut.

- 8. Berdasarkan konstruksi yang telah dilakukan, garis AB dan AC merupakan garis singgung lingkaran yang pusatnya di titik O.
 - a) Dimanakah titik A terletak?
 - b) Berapakah garis singgung yang terbentuk yang melalui sebuah titik yang terletak di luar lingkaran ?
- 9. Apa yang dapat disimpulkan berdasarkan konstruksi di atas, diskusikan dengan teman satu kelompok dan tuliskan kesimpulan pada kolom berikut.



Latihan

1. Perhatikan gambar di bawah ini.

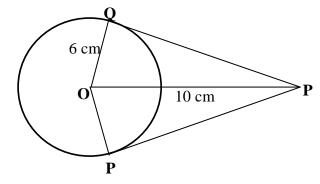


a.	Berapakah panjang garis singgung AB?
b.	Konsep apa yang digunakan untuk menghitung garis singgung AB?

- 2. Dari titik P di luar lingkaran yang berpusat di O dibuat garis singgung AP. Panjang jari-jari lingkaran tersebut 3 cm dan panjang garis singgung AP 4 cm.
 - a. Gambarkan masalah di atas agar mudah dipahami.
 - b. Buat model matematika untuk menentukan jarak antara pusat lingkaran dan titik P?
 - c. Berapa jarak antara pusat lingkaran dan titik P?



3. Perhatikan gambar di bawah ini.



Sumarni, 2014

PENERAPAN LEARNING CYCLE 5E UNTUK MENINGKATAN KEMAMPUAN KONEKSI DAN KOMUNIKASI MATEMATIS SERTA SELF-REGULATED LEARNING MATEMATIKA SISWA Universitas Pendidikan Indonesia | repository.upi.edu | perpustakaan.upi.edu

Panjang jari-jari lingkaran pada gambar di atas adalah 6 cm, jarak antara titik pusat dan titik P yang beradada di luar lingkaran adalah 10 cm.

- a. Dapatkah kalian menghitung keliling segiempat PQOR?
- b. Bagaimana langkah-langkah menghitung keliling segiempat PQOR? Jelaskan

c.	Berapa keliling PQOR?

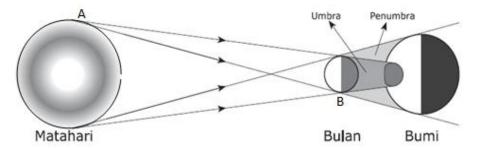
LEMBAR KEGIATAN SISWA (LKS) PERTEMUAN KE-9

KELOMPOK:	NAMA:

- A. Standar Kompetensi
 - 4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya.
- B. Kompetensi Dasar
 - 4.1 Menghitung panjang garis singgung persekutuan dua lingkaran
- C. Materi

Garis Singgung Persekutuan Dalam Dua Lingkaran

Garis Singgung Persekutuan Dalam Dua Lingkaran

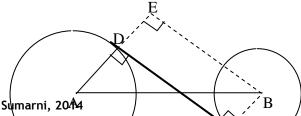


Gambar di atas merupakan sketsa gerhana matahari, yang dibuat oleh Dini. Jarijari matahari dan bumi pada sketsa di atas adalah 5 cm dan 2 cm. Jarak antara pusat matahari dan bumi adalah 25 cm. Doni ingin mengetahui berapa jarak titik A dan B, ayo kita bantu Dini menghitung jarak titik A dan B?

Agar kita dapat membantu Dini kita lakukan kegiatan di bawah ini terlebih dahulu.

Tugas 1

Perhatikan gambar di bawah ini



PENERAPAN LEARNING CYCLE 5E UNTOK MENINGKATAN KEMAMPUAN KONEKSI DAN KOMUNIKASI MATEMATIS SERTA SELF-REGULATED LEARNING MATEMATIKA SISWA

Universitas Pendidikan Indonesia | repository.upi.edu | perpustakaan.upi.edu

Garis CD pada gambar di atas merupakan garis singgung persekutuan dalam lingkaran.

Kita notasikan:

- 1. Jari-jari lingkaran yang berpusat di A adalah $AD = r_1$ Jari-jari lingkaran yang berpusat di B adalah $BC = r_2$ Panjang garis singgung persekutuan dalam adalah CD = d Panjang garis pusat adalah AB = p
- 2. CD sejajar dengan BE, maka:

3. Perhatikan segiempat CBED.

CB // DE, BE //CD dan
$$\angle$$
 DEB = 90°, maka:

$$\angle$$
 EDC = $\angle \dots = \angle \dots = \dots^{\circ}$

Jadi, segi empat CBED merupakan bangun . . .

Maka
$$CD = \dots$$
 dan $DE = \dots$

4. Perhatikan Segitiga AEB

Segitiga AEB siku-siku di titik E.

Dengan menggunakan rumus Pythagoras, tentukan panjang sisi BE. Tuliskan pada kolom berikut.

$$BE^2 =$$

5. Garis CD merupakan garis singgung persekutuan dalam dua buah lingkaran. Perhatikan gambar di atas, berdasarkan sifat persegi panjang, maka:

$$BE=\ldots=d$$

$$DE = \ldots = r_2$$

$$AE = AD + \ldots = \ldots + r_2$$

Sumarni, 2014

PENERAPAN LEARNING CYCLE 5E UNTUK MENINGKATAN KEMAMPUAN KONEKSI DAN KOMUNIKASI MATEMATIS SERTA SELF-REGULATED LEARNING MATEMATIKA SISWA Universitas Pendidikan Indonesia | repository.upi.edu | perpustakaan.upi.edu

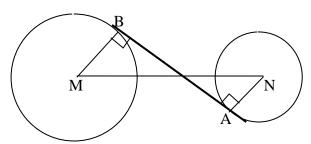
AB = p

Dengan menggunakan teorema Pythagoras hasil diskusi pada kolom 4. Buatlah persamaan garis singgung persekutuan dalam dua buah lingkaran dengan menggunakan notasi d, p, r₁, dan r₂ diskusikan dengan teman dalam satu kelompok. Tulisakan hasil diskusi kalian pada kolom di bawah ini.

 $BE^2 =$

Tugas 2

1. Perhatikan gambar di bawah ini F



Pada gambar di atas panjang jari-jari lingkaran M = 5 cm, panjang jari-jari lingkaran N = 4 cm, dan panjang MN 15 cm. Berapakah panjang garis AB?

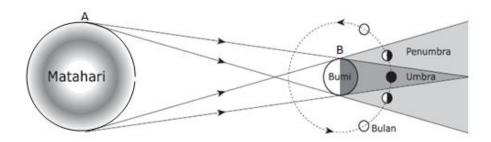
2. Terdapat dua buah lingkaran dengan pusat lingkaran pertama O dan pusat lingkaran yang kedua P, panjang jari-jari lingkaran O = 9 cm dan panjang jari-jari lingkaran P = 6 cm. Panjang garis singgung persekutuan dalam dua lingkaran adalah 20 cm. Hitung jarak pusat kedua lingkaran tersebut dan gambarkan masalah tersebut pada kolom di bawah ini.

	Panjang garis singgung persekutuan dalam dua lingkaran adalah 24 cm dan jarak kedua pusatnya 26 cm. Panjang salah satu jari-jari lingkaran 6 cm. Berapakah panjang jari-jari lingkaran yang lainnya?				
	LEMBAR KEGIATAN SISWA (LKS) PERTEMUAN KE-10				
KEI	LOMPOK: NAMA:				

- A. Standar Kompetensi
 - 4. Menentukan unsur, bagian lingkaran serta ukurannya.
- B. Kompetensi Dasar
 - 4.4 Menghitung Panjang Garis Singgung Persekutuan Dua lingkaran
- C. Materi

Garis Singgung Peresekutuan Luar Dua Lingkaran

Garis Singgung Peresekutuan Luar Dua Lingkaran



Gambar di atas merupakan sketsa gerhana bulan, yang dibuat oleh Doni. Jari-jari matahari dan bumi pada sketsa di atas adalah 9 cm dan 4 cm. Jarak antara pusat matahari dan bumi adalah 13 cm. Doni ingin mengetahui berapa jarak titik A dan B, ayo kita bantu Doni menghitung jarak titik A dan B?

Agar kita dapat membantu Doni kita lakukan kegiatan di bawah ini terlebih dahulu.

Tugas 1

Perhatikan gambar di bawah ini

Sumarxi, 2014 PENERAPAN LEARNING CYCLE 5E UNTUK MENINGKATAN KEMAMPUAN KONEKSI DAN KOMUNIKASE MATEMATIKA SISWA Universitas Pendidikan Indonesia repository.upp edu perpustakaan.upi.edu

1. Garis CD pada gambar di atas merupakan garis singgung persekutuan luar lingkaran.

Kita notasikan:

Jari-jari lingkaran yang berpusat di A adalah $AD = r_1$

Jari-jari lingkaran yang berpusat di B adalah $BC = r_2$

Panjang garis singgung persekutuan luar adalah CD = /

Panjang garis pusat adalah AB = p

2. BE sejajar dengan CD, maka:

$$\angle AEB = \angle \dots = \dots^{\circ}$$

3. Perhatikan segiempat CBED.

CD // BE, DE //BC dan
$$\angle$$
 EDC = 90°, maka:

$$\angle$$
 EDC = $\angle \dots = \angle \dots = \dots^{\circ}$

Jadi, segi empat CBED merupakan bangun . . .

Maka
$$DE = \ldots = r_2 \text{ dan } CD = \ldots = l$$

4. Perhatikan Segitiga AEB

Segitiga AEB siku-siku di E.

Dengan menggunakan teorema Pythagoras, tentukan panjang sisi BE. diskusikan dengan teman dalam satu kelompokmu dan tulisakan hasil diskusi kalian pada kolom di bawah ini.

$$BE^2 = \dots$$

5. Garis CD merupakan garis singgung persekutuan luar dua buah lingkaran. Perhatikan gambar di atas, berdasarkan sifat persegi panjang, maka:

$$BE = \ldots = l$$

$$DE = \ldots = r_2$$

$$AE = AD - \dots = AD - \dots = \dots + r_2$$

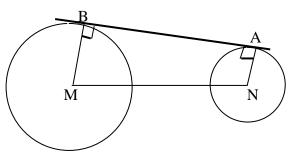
$$AB = p$$

Dengan menggunakan teorema Pythagoras hasil diskusi pada kolom 4. Buatlah persamaan garis singgung persekutuan dalam dua buah lingkaran dengan menggunakan notasi ℓ , p, r₁, dan r₂ diskusikan dengan teman dalam satu kelompok. Tulisakan hasil diskusi kalian pada kolom di bawah ini.

$$BE^2 =$$

Tugas 2

4. Perhatikan gambar di bawah ini



Pada gambar di atas panjang jari-jari lingkaran M = 8 cm, panjang jari-jari lingkaran N = 3 cm, dan panjang MN = 13 cm. Berapakah panjang garis AB?

5. Terdapat dua buah lingkaran dengan pusat lingkaran pertama A dan pusat lingkaran yang kedua B, panjang jari-jari lingkaran A = 2 cm dan panjang jari-jari lingkaran B = 4 cm. Jarak pusat kedua lingkaran tersebut adalah 8. Hitung panjang garis singgung persekutuan luar dua lingkaran tersebut dan gambarkan masalah tersebut pada kolom di bawah ini.

ngkaran adalah 12 cm dan u jari-jari lingkaran 3½ cm. a?
3 cm. Panjang salah sat